



Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας
Τμήμα Πολιτικών Μηχανικών



Ανάλυση επιφανειακών φορέων

Ενότητα 5: Προγραμματισμός στο Matlab

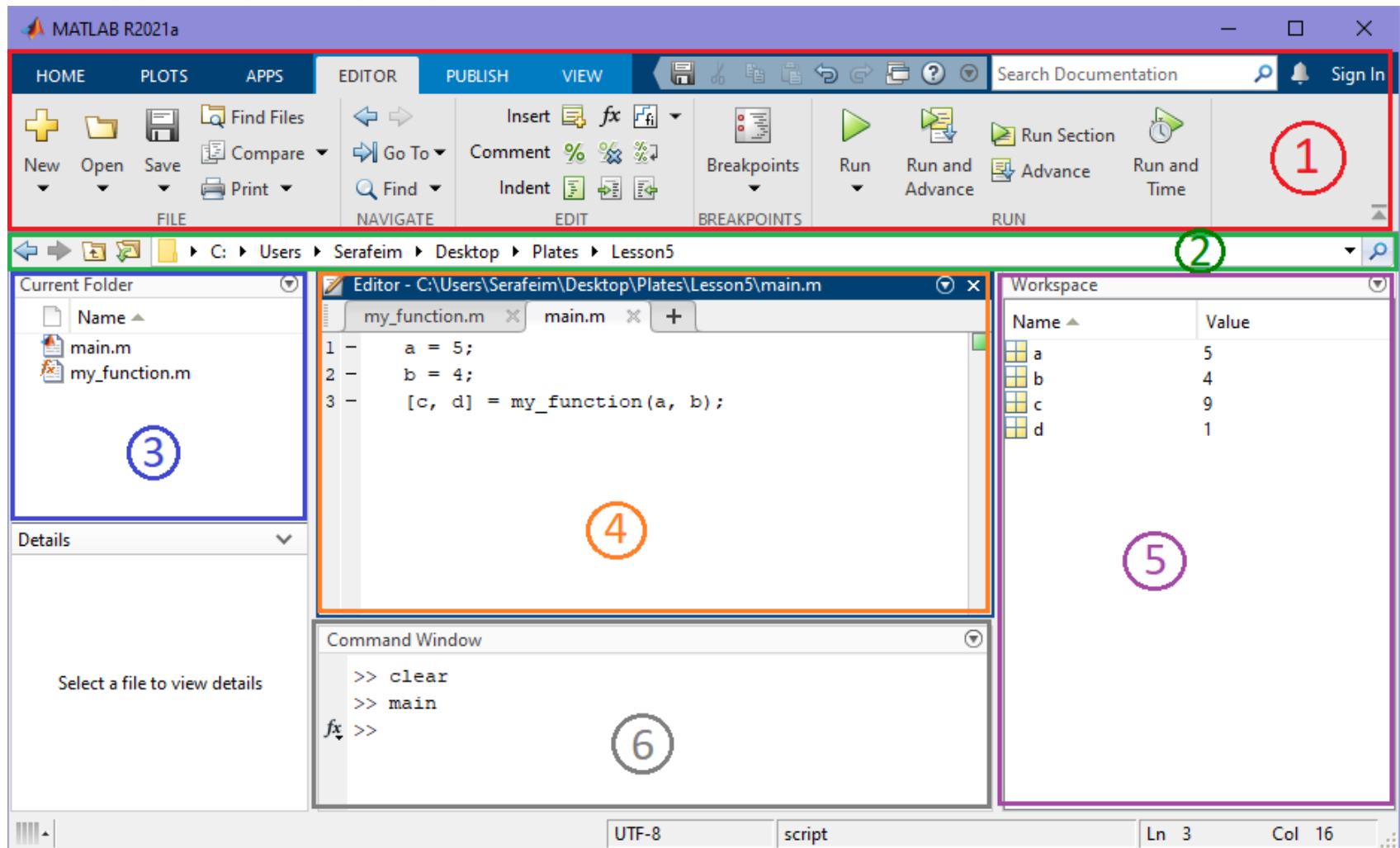
Σεραφείμ Μπακαλάκος
Phd Πολιτικός Μηχανικός
2023-2024

Εισαγωγή

- Το Matlab είναι ένα λογισμικό που μας επιτρέπει να γράφουμε προγράμματα εύκολα και γρήγορα, μέσα από ένα γραφικό περιβάλλον.
- Συμπεριλαμβάνει πάρα πολλές βιβλιοθήκες, τις οποίες μπορούμε να χρησιμοποιούμε καλώντας εύκολες συναρτήσεις.
- Π.χ. γραμμική άλγεβρα, βελτιστοποίηση, συμβολική άλγεβρα (computer algebra system) & ανάλυση, τεχνητή νοημοσύνη, σχεδίαση, κτλ.
- Λόγω της ευκολίας του και των παραπάνω βιβλιοθηκών, είναι εξαιρετικό εργαλείο για να δοκιμάσουμε να προγραμματίσουμε κάτι νέο.
- Σε αυτό το μάθημα θα δούμε κάποιες βασικές δυνατότητες του Matlab και πως θα τις χρησιμοποιήσουμε στην περίπτωση ανάλυσης πλακών.
- Προς το παρόν, θα περιοριστούμε στις αναλυτικές μεθόδους Navier, Levy. Σε επόμενα μαθήματα θα χρησιμοποιήσουμε το Matlab για τις αριθμητικές μεθόδους Πεπερασμένων Διαφορών και Πεπερασμένων Στοιχείων.

Το γραφικό περιβάλλον

(1) Γραμμή εργαλείων. Από εδώ μπορούμε να δημιουργούμε/αποθηκεύουμε αρχεία, να τρέχουμε προγράμματα, να προσαρμόζουμε τις ρυθμίσεις του Matlab, κτλ.

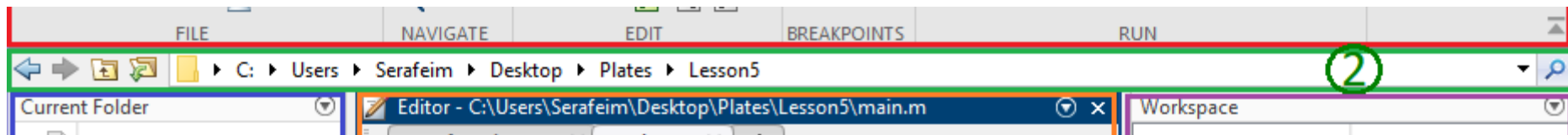




Το γραφικό περιβάλλον

(2) Path. Είναι η τοποθεσία/φάκελος όπου θα τρέξει το πρόγραμμα που θα φτιάξουμε.

- Τα προγράμματα που θα φτιάχνουμε θα αποτελούνται από πολλά αρχεία. Όταν θα τρέξουμε κάποιο πρόγραμμα, το Matlab θα πρέπει να ψάξει όλα τα σχετικά αρχεία.
- Θα γλιτώσουμε από πολλά λάθη, αν όλα τα αρχεία για ένα πρόγραμμα βρίσκονται στον ίδιο φάκελο.



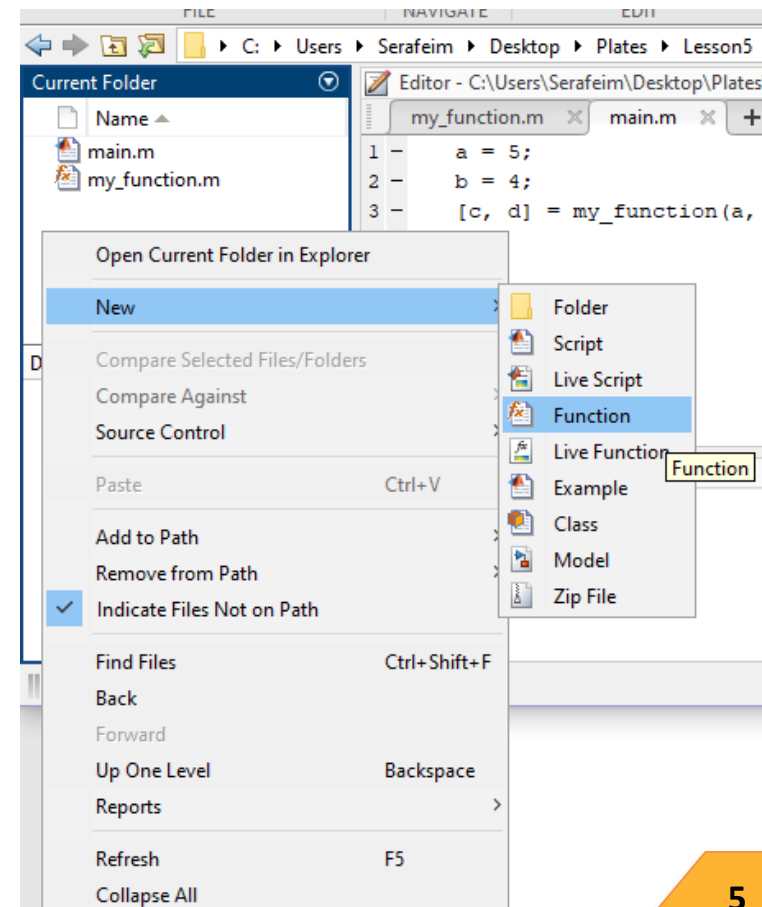
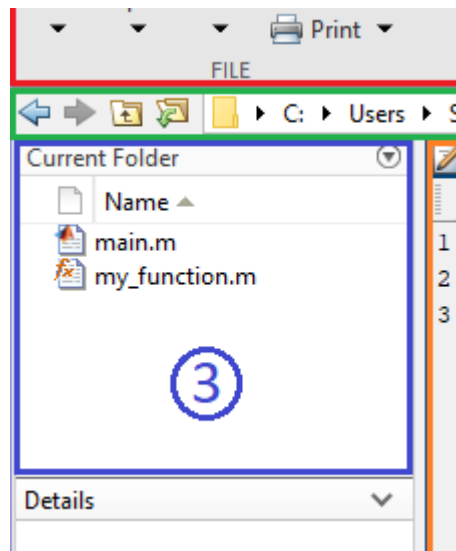
Πρόταση:

- Στο Desktop θα έχουμε ένα φάκελο Plates, για όλα τα αρχεία του μαθήματος.
- Μέσα σε αυτόν, θα έχουμε έναν υποφάκελο για κάθε άσκηση, ερώτημα θέματος, κτλ. Π.χ. Lesson3_2, Exercise1_1, Project_FEM, Project_FD
- Κάθε τέτοιος φάκελος θα αντιστοιχεί σε 1 πρόγραμμα. Όλα τα αρχεία που θα χρησιμοποιούνται στο πρόγραμμα (π.χ. κάποια άσκηση) θα περιέχονται εδώ μέσα (και ας έχουμε συνολικά πολλά ίδια αρχεία για διαφορετικές ασκήσεις).

Το γραφικό περιβάλλον

(3) Current folder. Περιέχει τα αρχεία μέσα στο φάκελο που έχει οριστεί σαν Path (δες περιοχή 2).

- Τα αρχεία αυτά υπάρχουν μέσα στον υπολογιστή μας με ακριβώς την ίδια μορφή και οργάνωση.
- Από εδώ μπορούμε να ανοίγουμε κάποιο αρχείο για επεξεργασία.
- Μπορούμε επίσης να δημιουργούμε νέα αρχεία με δεξί κλικ -> New.

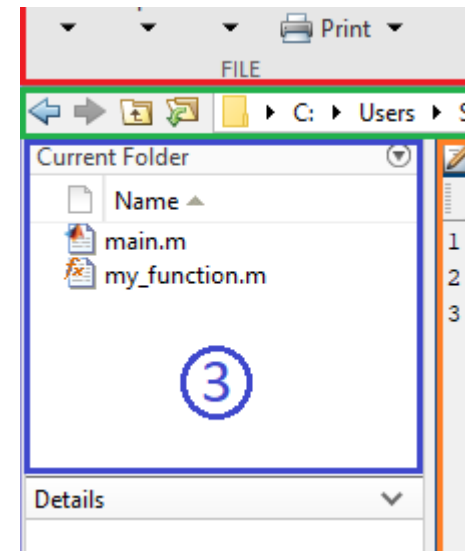


Το γραφικό περιβάλλον

(3) **Current folder.** Περιέχει τα αρχεία μέσα στο φάκελο που έχει οριστεί σαν Path.

Πρόταση:

- Στον φάκελο του κάθε προγράμματος να υπάρχει
 - 1 αρχείο *script* με το όνομα `main.m`
 - Πολλά αρχεία *function* με ονόματα `my_function.m` (π.χ. `calc_Mxy`, `plot_w`)
- Για να τρέξουμε το πρόγραμμα, θα λέμε στο Matlab να τρέξει το *script* `main.m`
 - Μέσα στο `main.m`, θα φροντίζουμε να καλούνται όλα τα αρχεία *function* που χρειάζονται.
 - Το μεγαλύτερο μέρος της δουλειάς θα προγραμματίζεται στα αρχεία *function*. Το `main.m` απλά θα τα συντονίζει.

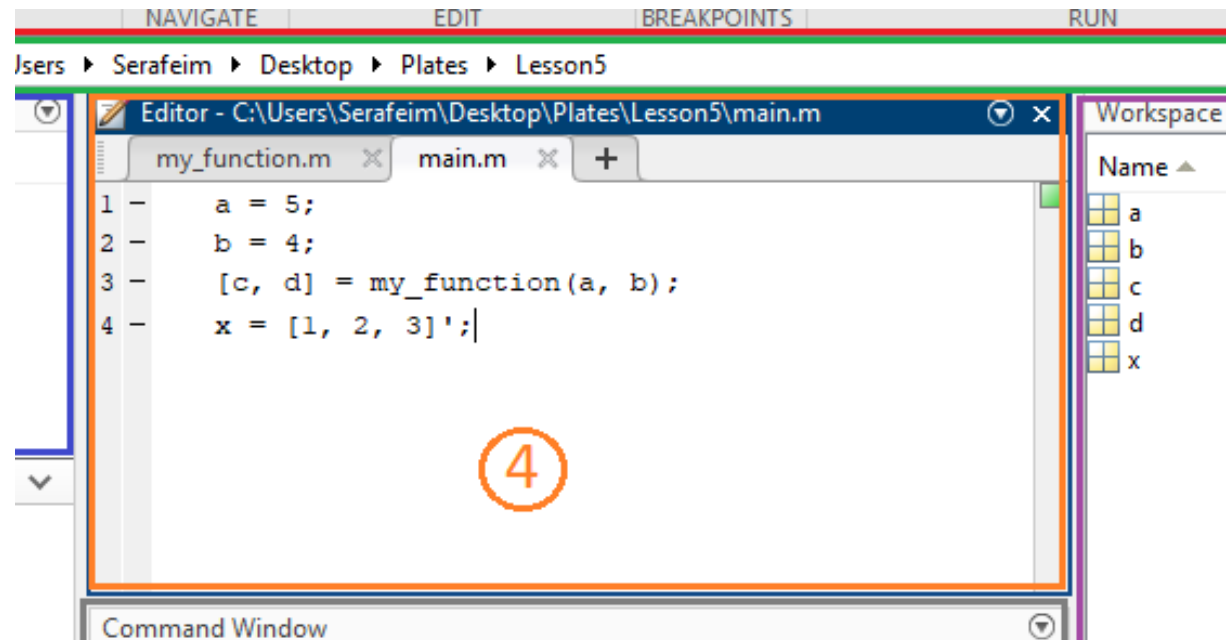




Το γραφικό περιβάλλον

(4) Editor. Εδώ βλέπουμε και τροποποιούμε το περιεχόμενο των αρχείων μας.

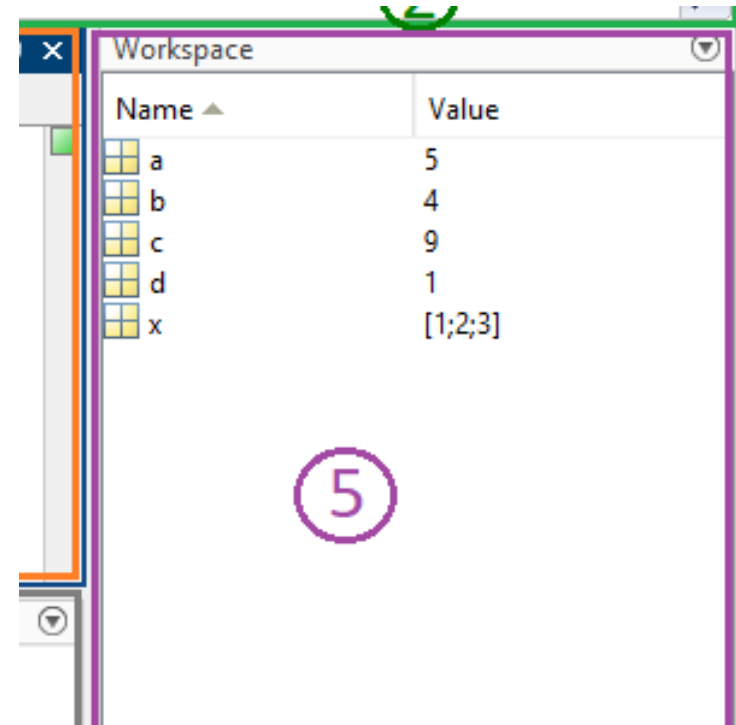
- Κάθε αρχείο είναι ανοιγμένο σε ξεχωριστή καρτέλα. Π.χ. my_function.m, main.m.
- Οι καρτέλες ανοίγουν επιλέγοντας τα αντίστοιχα αρχεία από την περιοχή (2) (Current folder).
- Μπορούμε να κλείσουμε μία καρτέλα όταν τελειώσουμε με αυτή.
- Κάθε γραμμή του κώδικα/αρχείου έχει έναν αύξοντα αριθμό που φαίνεται στα αριστερά της.
- Αυτή είναι η βασική περιοχή που δουλεύουμε όταν γράφουμε ένα πρόγραμμα.
- Στα επόμενα θα εστιάσουμε σε αυτή την περιοχή.



Το γραφικό περιβάλλον

(5) Workspace. Εδώ βλέπουμε τις μεταβλητές που χρησιμοποιεί το πρόγραμμα.

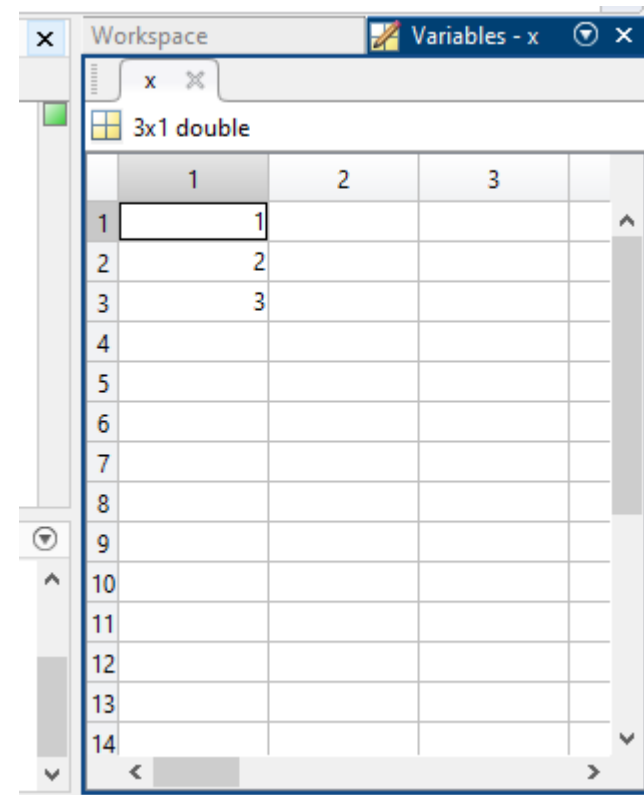
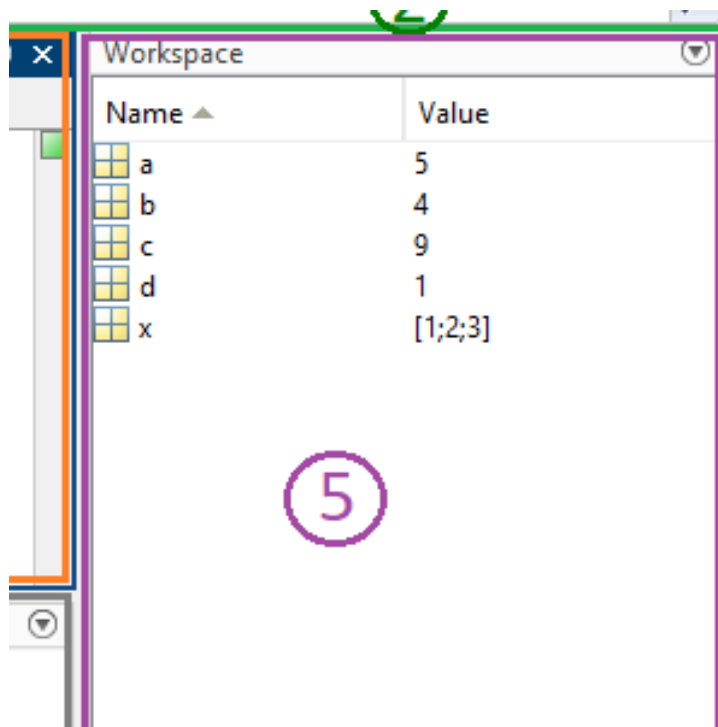
- Οι μεταβλητές είναι συνήθως μονόμετρα μεγέθη, διανύσματα ή πίνακες.
- Κατά την εκτέλεση του προγράμματος οι τιμές τους αλλάζουν.
- Στο Workspace φαίνεται η τελευταία τιμή που έχουν πάρει.
- Πριν ξεκινήσει να εκτελείται το πρόγραμμα, το Workspace είναι κενό.



Το γραφικό περιβάλλον

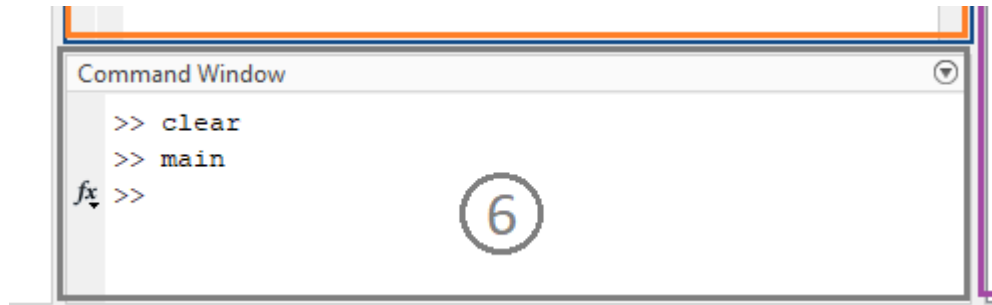
(5) Workspace. Εδώ βλέπουμε τις μεταβλητές που χρησιμοποιεί το πρόγραμμα.

- Οι μεταβλητές είναι συνήθως μονόμετρα μεγέθη, διανύσματα ή πίνακες
- Κάνοντας διπλό κλικ σε κάποια μεταβλητή στο Workspace, αυτή μεταφέρεται σε υπολογιστικό φύλλο. Χρήσιμο για να εξετάσουμε όλες τα στοιχεία μεγάλων διανυσμάτων ή πινάκων.



Το γραφικό περιβάλλον

(6) Command Window. Από εδώ μπορούμε να εκτελούμε απευθείας εντολές ή να καλούμε άλλα αρχεία *script* και *function*.



Πρόταση:

- Καλύτερα να μην καλούμε εντολές από εδώ ως αρχάριοι. Είναι προτιμότερο να γράφουμε τις εντολές μέσα στο `main.m` και κυρίως μέσα στα *function* αρχεία.
- Έτσι οι εντολές που θα γράψουμε μια φορά θα εκτελούνται πάντα.
- Η βασική λειτουργία του Command Window θα είναι να καλεί το `main.m` script. Το `main.m` θα καλεί τα υπόλοιπα.
- Πιθανή εξαίρεση: Αφού έχουμε τρέξει ένα πρόγραμμα και έχουμε πάρει αποτελέσματα, μπορεί να θέλουμε να τα εξετάσουμε καλύτερα. Π.χ. μπορεί να μην είμαστε σίγουροι αν ένα αποτέλεσμα είναι σωστό, οπότε να τρέξουμε απευθείας στο Command Window κάποιους ελέγχους μόνο για αυτή την περίπτωση.



Επιπλέον οδηγίες

- Το Matlab έχει εκτενή σελίδες με οδηγίες στο site <https://www.mathworks.com/>
- Π.χ. έστω ότι ψάχνουμε πως θα σχεδιάσουμε 3D διαγράμματα.
- Γραφουμε “plot” στο search bar και διαλέγουμε από τα αποτελέσματα.

The screenshot shows the MathWorks website search results for the term "plot". The search bar at the top contains the word "plot". On the left, a sidebar lists various resource categories with counts: Explore Products & Services (494), Curriculum Resources (83), Videos & Webinars (403), Documentation (15,084), and Bug Reports (1,143). The Documentation category is selected. The main content area displays "Results for plot (15,084 results)". Below this, there is a filter section showing "FILTERED BY Documentation". A banner for "Get Training: MATLAB Fundamentals" is visible. The search results list includes "plot - 2-D line plot" and "plot3 - 3-D point or line plot", each with a brief description and a small thumbnail image. The "plot" result shows a 2D line graph, and the "plot3" result shows a 3D helix plot.



Επιπλέον οδηγίες

- Έστω ότι διαλέξαμε το αποτέλεσμα “surface plot”. Ανοίγει η αντίστοιχη σελίδα.
- Εδώ εξηγείται αναλυτικά ποια συνάρτηση πρέπει να καλέσουμε και με τι ορίσματα.
- Επίσης υπάρχουν αρκετά παραδείγματα για κάθε υποπερίπτωση.

The screenshot shows the MATLAB Help Center interface. The top navigation bar includes a search box and a 'Help Center' dropdown. The left sidebar contains a 'CONTENTS' menu with links to 'Documentation Home', 'MATLAB', 'Graphics', '2-D and 3-D Plots', 'Surfaces, Volumes, and Polygons', and 'Surface and Mesh Plots'. The 'surf' function is highlighted in the sidebar. The main content area displays the 'Syntax' and 'Description' for the 'surf' function. The 'Syntax' section lists several function calls: `surf(X,Y,Z)`, `surf(X,Y,Z,C)`, `surf(Z)`, `surf(Z,C)`, `surf(ax, __)`, `surf(__,Name,Value)`, and `s = surf(__)`. The 'Description' section explains that `surf(X,Y,Z)` creates a three-dimensional surface plot, `surf(X,Y,Z,C)` specifies the surface color, `surf(Z)` uses column and row indices of Z, and `surf(ax, __)` plots into the axes specified by `ax`. Each description includes an 'example' link.

Help Center Search Help Center Help Center

CONTENTS

- « Documentation Home
- « MATLAB
- « Graphics
- « 2-D and 3-D Plots
- « Surfaces, Volumes, and Polygons
- « Surface and Mesh Plots

surf

ON THIS PAGE

- Syntax**
- Description
- Examples
- Input Arguments
- Extended Capabilities
- Version History
- See Also

Syntax

```
surf(X,Y,Z)
surf(X,Y,Z,C)

surf(Z)
surf(Z,C)

surf(ax, __)
surf(__,Name,Value)
s = surf(__)
```

Description

`surf(X,Y,Z)` creates a three-dimensional surface plot, which is a three-dimensional surface that has solid edge colors and solid face colors. The function plots the values in matrix Z as heights above a grid in the x-y plane defined by X and Y. The color of the surface varies according to the heights specified by Z. [example](#)

`surf(X,Y,Z,C)` additionally specifies the surface color. [example](#)

`surf(Z)` creates a surface plot and uses the column and row indices of the elements in Z as the x- and y-coordinates.

`surf(Z,C)` additionally specifies the surface color.

`surf(ax, __)` plots into the axes specified by ax instead of the current axes. Specify the axes as the first input argument.

Παράδειγμα

- Έστω ότι έχουμε λύσει το παράδειγμα 1 της μεθόδου Navier.
- Βύθιση

$$w(x, y) = \frac{16q_0}{\pi^6 D} \sum_{m=1,3,\dots}^{\infty} \sum_{n=1,3,\dots}^{\infty} \frac{\sin \frac{m\pi x}{a} \sin \frac{n\pi y}{b}}{mn \left(\frac{m^2}{a^2} + \frac{n^2}{b^2} \right)^2}$$

- Ροπή σε παρειά κάθετη στον άξονα x

$$M_x = \frac{16q_0}{\pi^4} \sum_{m=1,3,\dots}^{\infty} \sum_{n=1,3,\dots}^{\infty} \frac{\frac{m^2}{a^2} + \nu \frac{n^2}{b^2}}{mn \left(\frac{m^2}{a^2} + \frac{n^2}{b^2} \right)^2} \sin \frac{m\pi x}{a} \sin \frac{n\pi y}{b}$$

- Θέλουμε να

- Υπολογίσουμε τη μέγιστη βύθιση $w_{max} = w\left(\frac{a}{2}, \frac{b}{2}\right)$
- Σχεδιάσουμε την 2D συνάρτηση της βύθισης w
- Σχεδιάσουμε διάγραμμα ροπών M_x στην ευθεία $x = a/2$



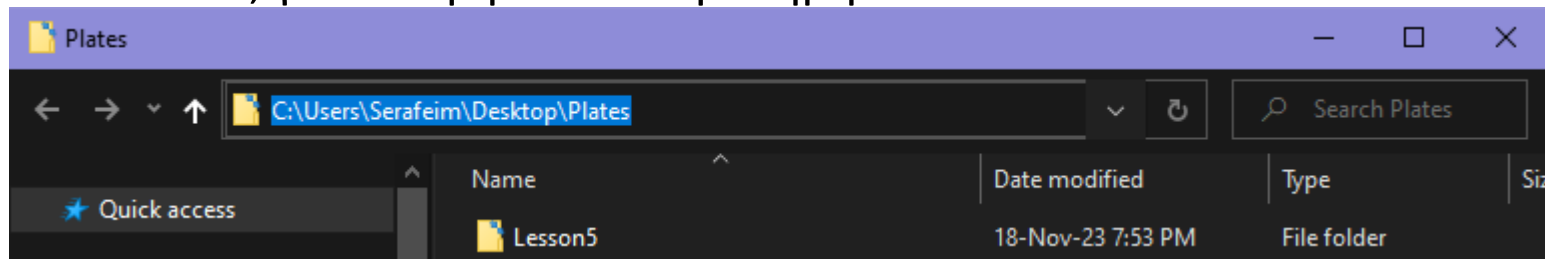
Παράδειγμα - Στρατηγική

- Θα σπάσουμε το πρόβλημα σε πολλές συναρτήσεις, καθεμία απο τις οποίες θα κάνει μία συγκεκριμένη δουλειά.
- Μια συνάρτηση `calc_w(...)` θα υπολογίζει τη βύθιση w σε οποιοδήποτε σημείο (x, y) .
- Μια συνάρτηση `calc_Mx(...)` θα υπολογίζει τη ροπή M_x σε οποιοδήποτε σημείο (x, y) .
- Μία συνάρτηση `plot_w(...)` θα σχεδιάζει την παραμορφωμένη επιφάνεια της πλάκας. Θα χρησιμοποιεί την `calc_w(...)` για να υπολογίζει τη βύθιση σε ένα πλήθος σημείων και θα σχεδιάζει τις τριάδες $(x_i, y_i, w(x_i, y_i))$
- Μία συνάρτηση `plot_Mx(...)` θα σχεδιάζει το ζητούμενο διάγραμμα ροπής. Θα χρησιμοποιεί την `calc_Mx(...)` για να υπολογίζει τη M_x σε ένα πλήθος κατά την ευθεία $x = \frac{a}{2}$ και θα σχεδιάζει τα ζεύγη $(y_i, M_x(\frac{a}{2}, y_i))$
- Το script `main.m` θα δίνει τιμές στις παραμέτρους του προβλήματος (π.χ. a, b, D) και θα καλεί τις `plot_w(...)`, `plot_Mx(...)`. Για το w_{max} θα καλεί την `calc_w(...)` με όρισμα τις συντεταγμένες $(\frac{a}{2}, \frac{b}{2})$.

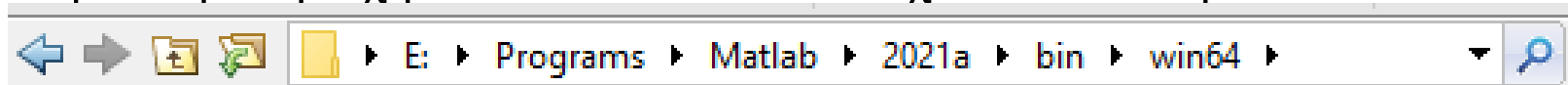


Παράδειγμα – Αρχή προγράμματος

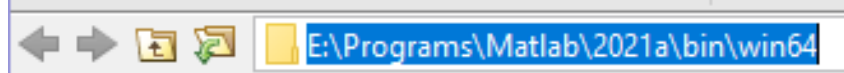
- Ανοίγουμε την εφαρμογή Matlab, π.χ. από την Έναρξη
- Βάζουμε το Path στο οποίο θέλουμε να δουλέψουμε
 - Ανοίγουμε το φάκελο Plates στον υπολογιστή μας. Αν δεν το έχουμε φτιάξει ήδη, τον δημιουργούμε στο Desktop.
 - Αντιγράφουμε την τοποθεσία του φακέλου. Κάνουμε πρώτα αριστερό κλικ στο πεδίο, για να εμφανίσει τη πλήρη τοποθεσία



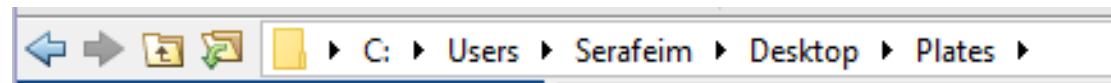
- Πάμε στην περιοχή του Path. Μάλλον θα έχει το default path του Matlab.



- Κάνουμε και πάλι κλικ πάνω στο πεδίο (E:>Programs>Matlab>...)

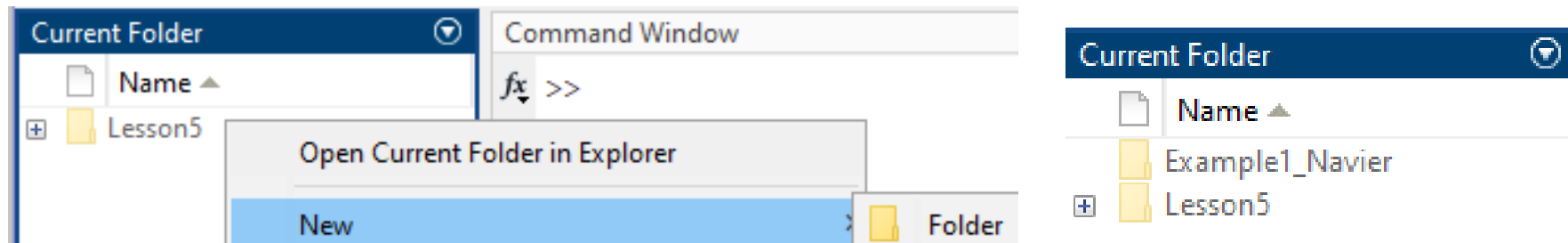


- Επικολλούμε την τοποθεσία που αντιγράψαμε και πατάμε Enter

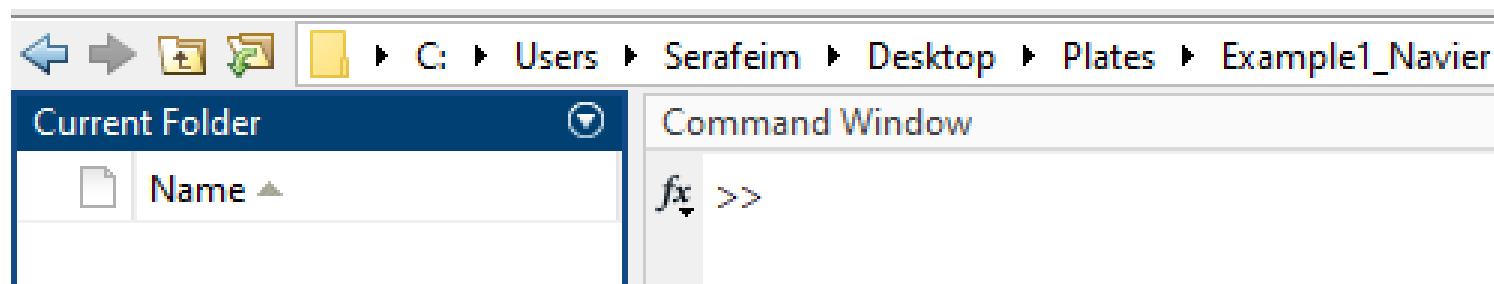


Παράδειγμα – Αρχή προγράμματος

- Με δεξί κλικ στην περιοχή Current Folder, φτιάχνουμε ένα υποφάκελο για τα αρχεία του προγράμματος. Τον ονομάζουμε Example1_Navier.

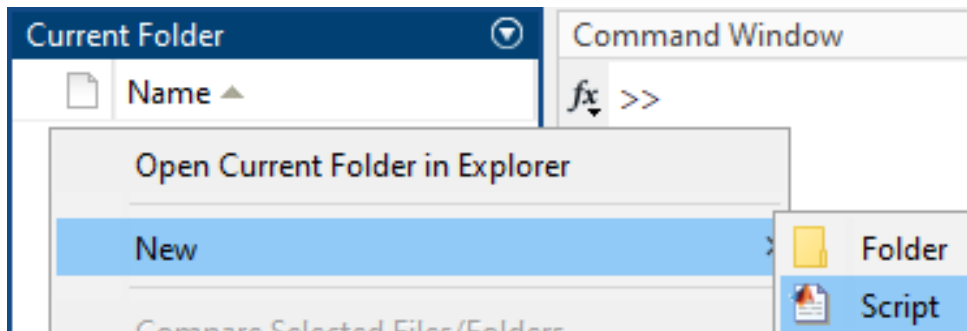


- Κάνουμε διπλό κλικ πάνω του για να τον ανοίξουμε. Παρατηρείστε ότι ανανεώθηκε το Path.

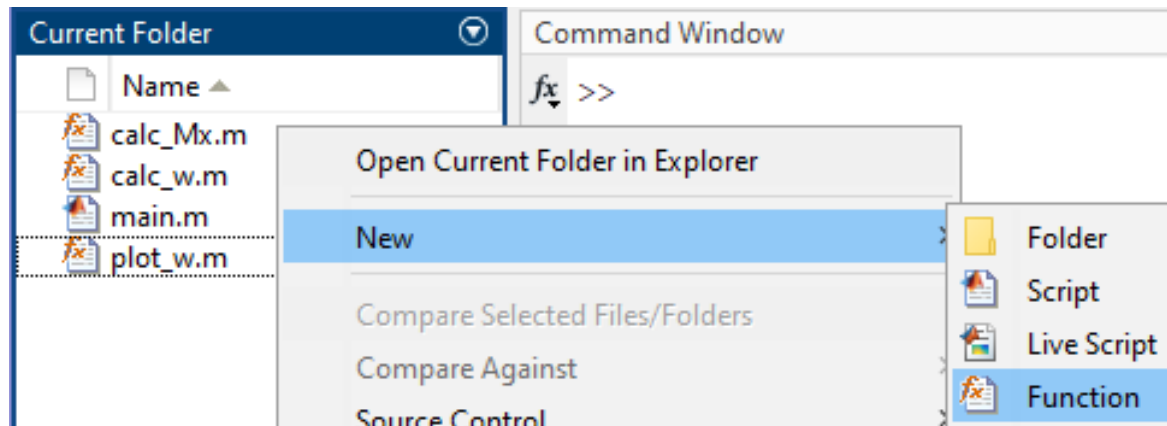


Παράδειγμα – Αρχή προγράμματος

- Δημιουργούμε:
 - Το αρχείο script με όνομα main



- Τα αρχεία function με ονόματα calc_w, calc_Mx, plot_w, plot_Mx.





Παράδειγμα – calc_w

- Κάνουμε διπλό κλικ στο αρχείο calc_w.m για να το επεξεργαστούμε. Αρχικά το Matlab έχει φτιάξει ένα template

```
1 function [outputArg1,outputArg2] = calc_w(inputArg1,inputArg2)
2 %CALC_W Summary of this function goes here
3 % Detailed explanation goes here
4 outputArg1 = inputArg1;
5 outputArg2 = inputArg2;
6 end
```

- Το οποίο θα αλλάξουμε σε

```
1 function [w] = calc_w(x, y, a, b, D, q0, max_m, max_n)
```

- Η συνάρτηση θα επιστρέφει ως output (μέσα σε []) μία τιμή w
- Η συνάρτηση έχει ορίσματα (μέσα σε ()):
 - συντεταγμένες του σημείου (x,y)
 - διαστάσεις πλάκας a, b και
 - καμπτική δυσκαμψία πλάκας D φορτίο q_0
 - τα μέγιστα m και n που θα κρατήσει στις σειρές Fourier ($\text{max_m}, \text{max_n}$)

Παράδειγμα – calc_w

- Πριν ξεκινήσουμε να προγραμματίζουμε, γράφουμε βασικά σχόλια για τη συνάρτηση.

```

2  %calc_w: Calculates the displacement of a plate along
3  %    axis z for a point (x,y). The plate is loaded with
4  %    uniform load q0. The solution is derived by
5  %    Navier's method.
6  %w: Real number. The displacement along axis z.
7  %x,y: Real numbers. The coordinates of the point.
8  %a, b: Real numbers. The lengths of the plate along x, y.
9  %D: Real number. The stiffness of the plate.
10 %q0: Real number. The uniform load.
11 %max_m, max_n: Integer numbers. Maximum m, n to keep
12 % in the Fourier sums for sin(m*pi*x/a) and sin(n*pi*y/b).
13

```

- Εξηγούμε τι κάνει η συνάρτηση, ποια η σημασία και ο τύπος του κάθε input και output.
- Δεν βαριόμαστε. Οποιοσδήποτε διαβάσει τον κώδικά μας (και ο μελλοντικός εαυτός μας) θα μας ευχαριστήσει.

Παράδειγμα – calc_w

- Γράφουμε ελέγχους για τα ορίσματα.
- Αν δεν έχουν αναμενόμενες τιμές, φροντίζουμε να σταματήσει η εκτέλεση του προγράμματος, μέσω του μηχανισμού `throw(Mexception('Περιγραφή λάθους'))`

```
13  
14 – if (a <= 0) || (b <= 0) || (D <= 0)  
15 –     throw(MException('a, b, D must be positive'))  
16 – end  
17 – if (max_m < 1) || (max_n < 1)  
18 –     throw(MException('max_m, max_n must be at least 1.'))  
19 – end  
20 – if (x < 0) || (x > a) || (y < 0) || (y > b)  
21 –     throw(MException('Make sure 0 <= x <= a, 0 <= y <= b'))  
22 – end
```

- Εδώ ελέγχουμε τις διαστάσεις και δυσκαμψία της πλάκας, αλλά όχι το φορτίο.
- Ελέγχουμε επίσης να υπάρχει τουλάχιστον ένας όρος για το άθροισμα Fourier.
- Ελέγχουμε επίσης το σημείο x, y να είναι εντός της πλάκας.
- `||` λογικό ή. `&&` λογικό και



Παράδειγμα – `calc_w`

- Αν δοθεί λάθος τιμή για κάποιο όρισμα, π.χ. αρνητική τιμή για το `a`, η εκτέλεση του προγράμματος θα σταματήσει και θα γραφτεί το εξής μήνυμα στο Command Window

Command Window

```
Error in calc_w (line 15)
```

```
    throw(MException('a, b, D, q0 must be positive'))
```

```
Error in main (line 8)
```

```
w_max = calc_w(a/2, b/2, -a, b, D, q0, max_m, max_n);
```

- Καλό είναι να γράφονται πάντα έλεγχοι για τα ορίσματα.
- Αν εξασφαλίζουμε ότι έχουμε σωστές τιμές πριν ξεκινήσουμε, θα γλιτώσουμε πολύ χρόνο, που αλλιώς θα ψάχναμε λάθη σε όλη τη συνάρτηση ή σε όλο το πρόγραμμα.

Παράδειγμα – calc_w

- Προγραμματίζουμε τον υπολογισμό της βύθισης w

$$w(x, y) = \frac{16q_0}{\pi^6 D} \sum_{m=1,3,\dots}^{\infty} \sum_{n=1,3,\dots}^{\infty} \frac{\sin \frac{m\pi x}{a} \sin \frac{n\pi y}{b}}{mn \left(\frac{m^2}{a^2} + \frac{n^2}{b^2} \right)^2}$$

```

23
24 -   sum=0;
25 -   for m=1:2:max_m
26 -       for n=1:2:max_n
27 -           v1 = sin(m*pi*x/a) * sin(n*pi*y/b);
28 -           v2 = m*n* (m^2/a^2 + n^2 / a^2)^2;
29 -           sum = sum + v1 / v2;
30 -       end
31 -   end
32 -   w = 16 * q0 * sum / (pi^6 * D);
33
34 -   end

```

Παράδειγμα – calc_w

- Προγραμματίζουμε τον υπολογισμό της βύθισης w

```
23  
24 –   sum=0;  
25 –   for m=1:2:max_m  
26 –       for n=1:2:max_n  
27 –           v1 = sin(m*pi*x/a) * sin(n*pi*y/b);  
28 –           v2 = m*n* (m^2/a^2 + n^2 / a^2)^2;  
29 –           sum = sum + v1 / v2;  
30 –       end  
31 –   end  
32 –   w = 16 * q0 * sum / (pi^6 * D);  
33  
34 –   end
```

- Για το άθροισμα (μεταβλητή sum), έχουμε ένα διπλό for loop στις γραμμές 25-31.
- Κάθε for αντιστοιχεί σε συγκεκριμένο end. Φροντίζουμε η στοίχιση να δείχνει τις αντιστοιχίες.
- Το τελευταίο end (γραμμή 34) κλείνει τη συνάρτηση, όχι καποιο for loop/if.

Παράδειγμα – calc_w

```
23  
24 – sum=0;  
25 – for m=1:2:max_m  
26 –     for n=1:2:max_n  
27 –         v1 = sin(m*pi*x/a) * sin(n*pi*y/b);  
28 –         v2 = m*n* (m^2/a^2 + n^2 / a^2)^2;  
29 –         sum = sum + v1 / v2;  
30 –     end  
31 – end  
32 – w = 16 * q0 * sum / (pi^6 * D);  
33  
34 – end
```

- Γρ 25: Το m ξεκινά από τιμή **1** και με βήμα **2** φτάνει μέχρι και τιμή **max_m**
- Γρ 27: Υπολογίζω τον αριθμητή και αποθηκεύω στη μεταβλητή v1.
- Το π είναι **pi** και η συνάρτηση του ημιτόνου **sin(...)**
- + πολλαπλασιασμός, / διαίρεση, ^ ύψωση σε εκθέτη.
- Χρησιμοποιώ παρενθέσεις για τη σειρά των πράξεων.
- Όταν αποθηκεύω σε μεταβλητή, τέλος βάζω ; στο τέλος της γραμμής.

Παράδειγμα – calc_Mx

- Προγραμματίζουμε τον υπολογισμό της ροπής Mx

$$M_x = \frac{16q_0}{\pi^4} \sum_{m=1,3,\dots}^{\infty} \sum_{n=1,3,\dots}^{\infty} \frac{\frac{m^2}{a^2} + v \frac{n^2}{b^2}}{mn \left(\frac{m^2}{a^2} + \frac{n^2}{b^2} \right)^2} \sin \frac{m\pi x}{a} \sin \frac{n\pi y}{b}$$

```

1  function Mx = calc_Mx(x, y, a, b, v, q0, max_m, max_n)
2
3  sum=0;
4  for m=1:2:max_m
5      for n=1:2:max_n
6          v1 = sin(m*pi*x/a) * sin(n*pi*y/b);
7          v2 = m*n* (m^2/a^2 + n^2 / a^2)^2;
8          v3 = m^2/a^2 + v * n^2/b^2;
9          sum = sum + v1 * v3 / v2;
10     end
11 end
12 Mx = 16 * q0 * sum / pi^4;
13
14 end
    
```

Παράδειγμα – calc_Mx

```
1  function Mx = calc_Mx(x, y, a, b, v, q0, max_m, max_n)
2
3      sum=0;
4      for m=1:2:max_m
5          for n=1:2:max_n
6              v1 = sin(m*pi*x/a) * sin(n*pi*y/b);
7              v2 = m*n* (m^2/a^2 + n^2 / a^2)^2;
8              v3 = m^2/a^2 + v * n^2/b^2;
9              sum = sum + v1 * v3 / v2;
10         end
11     end
12     Mx = 16 * q0 * sum / pi^4;
13
14 end
```

- Σχεδόν ίδια συνάρτηση με την calc_w.
- Σαν όρισμα έχουμε και το συντελεστή Poisson ν , αλλά όχι τη δυσκαμψία D .

Παράδειγμα – plot_w

```
1 function [] = plot_w(a, b, D, q0, max_m, max_n, ...  
2     num_points_x, num_points_y)  
3
```

- Η συνάρτηση θα σχεδιάσει το w σε συγκεκριμένα σημεία σε ένα κάναβο (grid) από $\text{num_points_x} \times \text{num_points_y}$ σημεία (x_i, y_j) .
- Στα ορίσματα έχουμε προσθέσει πόσα σημεία θα έχει ο κάναβος σε κάθε άξονα.
- Σκοπός της συνάρτησης είναι να σχεδιάσει, οπότε δεν επιστρέφει output.
- Για να συνεχίσουμε οποιαδήποτε εντολή στην επόμενη σειρά, βάζουμε ...

Παράδειγμα – plot_w

```
4 % Distances between discrete points
5 - dist_x = a / (num_points_x - 1);
6 - dist_y = b / (num_points_y - 1);
7
8 % Matrices with x-y coordinates and w of the discrete points
9 - X = zeros(num_points_x, num_points_y);
10 - Y = zeros(num_points_x, num_points_y);
11 - W = zeros(num_points_x, num_points_y);
12
```

- Γρ 5: Καθορίζουμε την απόσταση μεταξύ σημείων στον άξονα x
- Θα χρησιμοποιήσουμε 3 πίνακες.
 - X θα περιέχει τις x συντεταγμένες των διακριτών σημείων.
 - Y θα περιέχει τις y συντεταγμένες των διακριτών σημείων.
 - W θα περιέχει τις βυθίσεις των διακριτών σημείων.
- Γρ 9: Δημιουργούμε κενό πίνακα (με μηδενικά) που έχει num_points_x γραμμές και num_points_y στήλες.
- Για να μάθουμε πόσες γραμμές ή στήλες έχει ένας πίνακας, χρησιμοποιούμε size(A,1) ή size(A, 2) αντίστοιχα.

Παράδειγμα – plot_w

```
13 % Calculate w at these discrete points
14 - for i=1:1:num_points_x
15 -     for j=1:1:num_points_y
16 -         x = (i - 1) * dist_x;
17 -         y = (j - 1) * dist_y;
18 -         w = calc_w(x, y, a, b, D, q0, max_m, max_n);
19 -         X(i,j) = x;
20 -         Y(i,j) = y;
21 -         W(i,j) = w;
22 -     end
23 - end
```

- Γρ 16-17: Βρίσκουμε τις συντεταγμένες των διακριτών σημείων (x_i, y_j)
- Γρ 18: Χρησιμοποιούμε τη συνάρτηση calc_w που φτιάξαμε για να υπολογίσουμε τη βύθιση.
- Γρ 19-21: Αποθηκεύουμε τα παραπάνω στους αντίστοιχους πίνακες.
- Μπορούμε να διαβάσουμε ή να γράψουμε ένα στοιχείο πίνακα ως A(i,j).



Παράδειγμα – plot_w

```
24  
25 % Plot the displacement  
26 – figure % create new figure without closing others  
27 – surf(X, Y, W); % surface plot  
28 – title('w(x,y)') % add title to figure  
29 – xlabel('x')  
30 – ylabel('y')  
31 – zlabel('w')  
32  
33 – end
```

- Γρ 26: Με την εντολή figure δημιουργούμε νέο σχήμα. Αλλιώς το Matlab θα έκλεινε τα υπάρχοντα
- Γρ 27: 3D σχεδίαση της επιφάνειας $w(x, y)$
- Γρ 28-31: Τίτλοι του σχήματος και των αξόνων.

Παράδειγμα – plot_w

Π.χ.

- $a = 3$
- $b = 2$
- $\text{num_points_x} = 6$
- $\text{num_points_y} = 4$

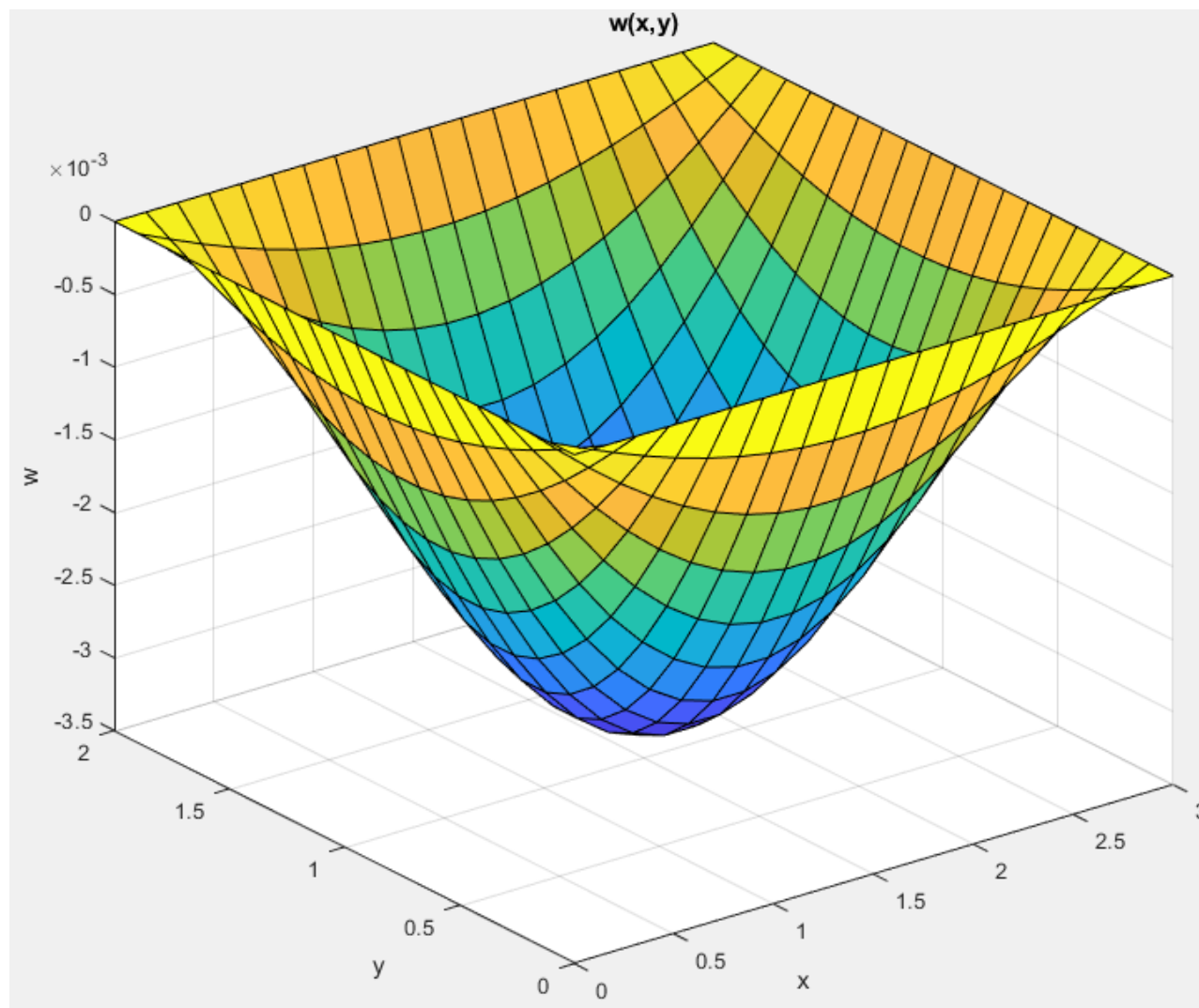
W				
6x4 double				
	1	2	3	4
1	0	0	0	0
2	0	-0.0017	-0.0017	-2.6150e-19
3	0	-0.0028	-0.0028	-4.0682e-19
4	0	-0.0028	-0.0028	-4.0682e-19
5	0	-0.0017	-0.0017	-2.6150e-19
6	0	-3.7989e-19	-3.7989e-19	-5.8563e-35

X				
6x4 double				
	1	2	3	4
1	0	0	0	0
2	0.6000	0.6000	0.6000	0.6000
3	1.2000	1.2000	1.2000	1.2000
4	1.8000	1.8000	1.8000	1.8000
5	2.4000	2.4000	2.4000	2.4000
6	3	3	3	3

Y				
6x4 double				
	1	2	3	4
1	0	0.6667	1.3333	2
2	0	0.6667	1.3333	2
3	0	0.6667	1.3333	2
4	0	0.6667	1.3333	2
5	0	0.6667	1.3333	2
6	0	0.6667	1.3333	2

Παράδειγμα – `plot_w`

- Το γράφημα που φαίνεται είναι για 20×20 σημεία
- Τα θετικά του άξονα w είναι προς τα πάνω και το φορτίο q_0 αρνητικό





Παράδειγμα – plot_Mx

```
1 function [] = plot_Mx(a, b, v, q0, max_m, max_n, ...  
2 x0, num_points_y)
```

- Η συνάρτηση θα σχεδιάσει το M_x σε διακριτά σημεία σε μία ευθεία από num_points_y σημεία y_j .
- Η ευθεία είναι η, οπότε τα σημεία τοποθετούνται παράλληλα στον άξονα y .
- Στα ορίσματα έχουμε προσθέσει
 - Πόσα σημεία θα έχει η ευθεία $x = x_0$, που είναι παράλληλη στον άξονα y .
 - Ποιό είναι το x_0
- Σκοπός της συνάρτησης είναι να σχεδιάσει, οπότε δεν επιστρέφει output.

Παράδειγμα – plot_Mx

```
3  
4 % Distances between discrete points  
5 – dist_y = b / (num_points_y - 1);  
6  
7 % Vectors with y coordinates and w of the discrete points  
8 – Y = zeros(num_points_y);  
9 – M = zeros(num_points_y);
```

- Γρ 5: Καθορίζουμε την απόσταση μεταξύ σημείων στον άξονα y
- Θα χρησιμοποιήσουμε 2 διανύσματα.
 - Y θα περιέχει τις y συντεταγμένες των διακριτών σημείων.
 - M θα περιέχει τις ροπές των διακριτών σημείων.
- Γρ 8: Δημιουργούμε κενό διάνυσμα (με μηδενικά) που έχει num_points_y στοιχεία.
- Για να μάθουμε πόσα στοιχεία έχει ένα διάνυσμα x χρησιμοποιούμε length(x)

Παράδειγμα – plot_Mx

```
10
11     % Calculate w at these discrete points
12 -   for j=1:1:num_points_y
13 -       y = (j - 1) * dist_y;
14 -       mx = calc_Mx(x0, y, a, b, v, q0, max_m, max_n);
15 -       Y(j) = y;
16 -       M(j) = mx;
17 -   end
```

- Γρ 13: Βρίσκουμε τις συντεταγμένες των διακριτών σημείων y_j .
Ξέρουμε ότι $x = x_0$
- Γρ 14: Χρησιμοποιούμε τη συνάρτηση calc_Mx που φτιάξαμε για να υπολογίσουμε τη ροπή.
- Γρ 15-16: Αποθηκεύουμε τα παραπάνω στους αντίστοιχους πίνακες.
- Μπορούμε να διαβάσουμε ή να γράψουμε ένα στοιχείο διανύσματος x ως $x(i)$.

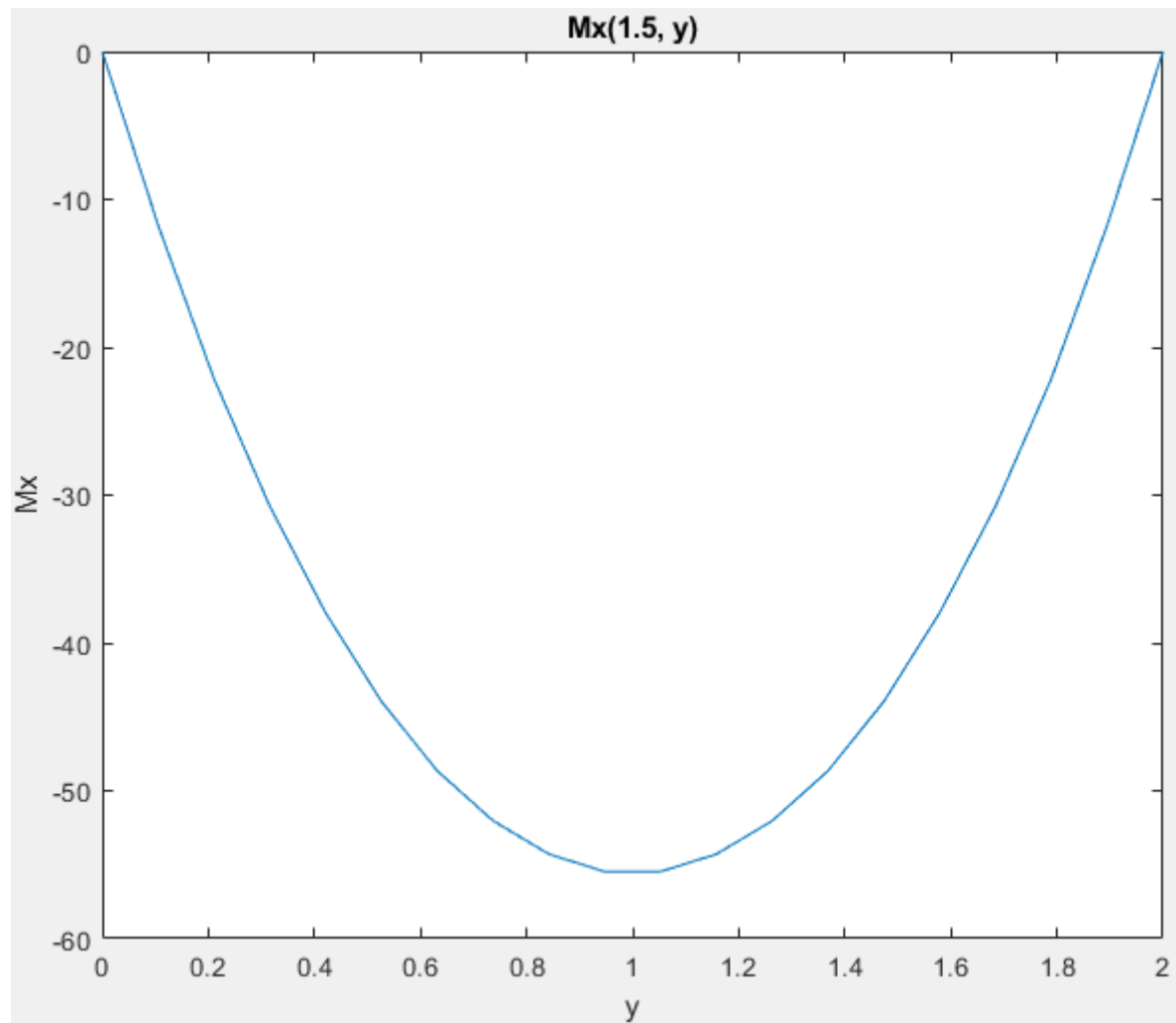
Παράδειγμα – plot_Mx

```
18
19 % Plot the moment
20 – figure % create new figure without closing others
21 – plot(Y, M); % 2D line plot
22 – title(['Mx(', num2str(x0), ', y)']) % add title to figure
23 – xlabel('y')
24 – ylabel('Mx')
25
26 – end
```

- Γρ 20: Με την εντολή figure δημιουργούμε νέο σχήμα. Αλλιώς το Matlab θα έκλεινε τα υπάρχοντα
- Γρ 21: 2D σχεδίαση της καμπύλης $Mx(y)$
- Γρ 22-24: Τίτλοι του σχήματος και των αξόνων.

Παράδειγμα – `plot_Mx`

- Το γράφημα που φαίνεται είναι για 20 σημεία πάνω στην ευθεία $x = 3/2$
- Όπως και στην αμφιέρειστη δοκό, το διάγραμμα είναι παραβολή με τα κοίλα άνω.



Παράδειγμα – main

- Είναι script. Απλά τρέχει μια σειρά από εντολές.
- Δεν είναι function για να έχει input-output.
- Γρ 1: Φροντίζει να μην υπάρχουν σχήματα, μεταβλητές και εντολές από προηγούμενη εκτέλεση προγράμματος.
 - `close all;` Κλείνει όλα τα υπάρχοντα σχήματα.
 - `clear;` Καθαρίζει τις μεταβλητές από το Workspace
 - `clc;` Καθαρίζει τις παλιές εντολές από το Command window.
- Γρ 3-9: Παράμετροι του προβλήματος.

```
1 - close all; clear; clc;  
2  
3 - a = 3;  
4 - b = 2;  
5 - D = 10000;  
6 - v = 0.3;  
7 - q0 = -100;  
8 - max_m = 9;  
9 - max_n = 9;
```

Παράδειγμα – main

```
10  
11 – w_max = calc_w(a/2, b/2, a, b, D, q0, max_m, max_n);  
12 – disp(['Maximum displacement: w_max = ', num2str(w_max)])
```

- Γρ 11: Υπολογίζει τη μέγιστη βύθιση χρησιμοποιώντας τη συνάρτηση `calc_w`.
- Γρ 12: Εκτυπώνει την παραπάνω τιμή.
- Τύπος κειμένου (string): `'This is text'`
- Γενικώς για να εκτυπώσουμε κείμενο στο Command Window χρησιμοποιούμε:
`disp('This is text')`
- Για να ενώσουμε πολλά strings: `['string 1', 'string 2', 'string 3']`
- Για να μετατρέψουμε μια αριθμητική μεταβλητή `c` σε string: `num2str(c)`



Παράδειγμα – main

```
13
14 –   num_points_x = 20;
15 –   num_points_y = 20;
16 –   plot_w(a, b, D, q0, max_m, max_n, num_points_x, num_points_y);
17
18 –   x0 = a/2;
19 –   plot_Mx(a, b, v, q0, max_m, max_n, x0, num_points_y);
```

- Γρ 16: Καλεί την συνάρτηση `plot_w` για να σχεδιάσει το 3D γράφημα της βύθισης σε όλη τη πλάκα.
- Γρ 19: Καλεί την συνάρτηση `plot_Mx` για να σχεδιάσει το διάγραμμα ροπής στην ευθεία $x = a/2$