

Στατιστική είναι η επιστήμη που (1)

ασχολείται με την συλλογή, την παρουσίαση και την επεξεργασία αριθμητικών και τη στοιχείων με απώτερο σκοπό την εξαγωγή συμπερασμάτων για τους ευρύτερους πληθυσμούς στους οποίους ανήκουν τα στοιχεία αυτά

Υποδιαιρείται σε

ΜΑΘΗΜΑ

1

Περιγραφική Στατιστική: Αποσκοπεί στην

ατάλληλη περιγραφή του υπό μελέτη πληθυσμού στο σύνολο είτε του κατάλληλου δείγματος

Εξαγωγική Στατιστική: Αποσκοπεί στην

εξαγωγή συμπερασμάτων που αφορούν στον γεννιότερο πληθυσμό και επιτρέπει την γενίκευση συμπερασμάτων που έχουν προκύψει από ένα δείγμα για το σύνολο του πληθυσμού.

Υποδιαιρείται σε

Ελέγχος υπόθεσεων (hypothesis testing):
Εξαγωγή υποθέσεων σχετικά με την τιμή των παραμέτρων του πληθυσμού.

Εκτιμητική (inference)

- Σμφείου: εκτίμηση αριθμού τιμής
- Διαστήματος: προσδιορισμός διαστήματος που περιέχει την τιμή.

Συγκριτικές έννοιες

Πληθυσμός : Ένα σύνολο N οντοτήτων ή αντικειμένων τα χαρακτηριστικά των οποίων επιθυμούμε να μελετήσουμε.

- Η τιμή του N μπορεί να είναι πεπεραμένη ή άπειρη
- Αυτά τα N αντικείμενα καλούνται γονάδες δείγματοληψίας

Στοιχειώδεις γονάδες ονομάζονται όλες οι γονάδες του πληθυσμού

Πρωταρχικές γονάδες είναι οι στοιχειώδεις γονάδες ή σύνολα στοιχειωδών γονάδων

ΔΕΙΓΜΑ ονομάζεται για συλλογή στοιχειωδών ή πρωταρχικών γονάδων δείγματοληψίας

Η επιλογή του δείγματος υπαγορεύεται από τη θεωρία δείγματοληψίας.

Τα χαρακτηριστικά του δείγματος περιγράφονται από μεταβλητές.

- Ποσοτικές επιδέχονται μέτρηση και οι τιμές τους εκφράζονται με αριθμούς και μονάδες (Συνεχείς και διακριτές)
- Ποιοτικές εκφράζονται με λέξεις ή συμβόλα και περιγράφουν με αριθμητικές ιδιότητες ή χαρακτηριστικό επιπέδο.

ΚΛΙΜΑΚΕΣ ΥΕΤΡΗΣΗΣ

(3)

Ονομαστική, διατάξης, διαστρωμάτος, λοφού

Πηγές δεδομένων

Πρωτογενείς: τα δεδομένα επιλέγονται από τον ερευνητή μέσω υετρήσεων (πχ υετρήση βάρους, υγούς κλπ) ή υεσω συλλογή απαντήσεων από ερωτηματολόγια που χρησιμοποιούνται για τη διερεύνηση των αλλαγών των ερωτώμενων επί συγκεκριμένων θεμάτων.

Δευτερογενείς: τα δεδομένα αντλούνται από βάζεις δεδομένων ή πληροφοριών στατιστικής πληροφορίας (ΕΛΣΤΑΤ, ΟΗΕ, ΟΟΣΑ, Τράπεζες...)

ΣΤΑΤΙΣΤΙΚΗ ΕΡΕΥΝΑ

Ορίζεται ως η επιστημονική υεθοδολογία που έχει σκοπό να συλλέξει, επεξεργαστεί, αναλύσει, παρουσιάσει, και ερμηνεύσει δεδομένα αριθμητικής υυστης που αφορούν σε ένα ή περισσότερα συστατικά του πληθυσμού.

Στατιστική Ανάλυση είναι το τμήμα της

στατιστικής έρευνας που αφορά στην ανάλυση των δεδομένων.

Η στατιστική έρευνα είναι δύο ειδών

(4)

- Απογραφή Συλλέγονται πληροφορίες από όλες τις μονάδες του πληθυσμού
- Δειγματοληπτική Συλλέγονται πληροφορίες μόνο από ένα δείγμα του πληθυσμού και στη συνέχεια τα συμπεράσματα που προκύπτουν γενικεύονται για ολόκληρο τον πληθυσμό.

Συνήθως η έρευνα είναι δειγματοληπτική επειδή ολοκληρώνεται πιο γρήγορα η συλλογή και η επεξεργασία των αποτελεσμάτων και επειδή πρακτικά είναι αδύνατο να συλλεχθούν πληροφορίες από ολόλο του πληθυσμού.

ΜΕΛΕΤΕΣ

Παρατηρητικές ή μη παρεμβατικές
Πειραματικές ή παρεμβατικές.

Παρατηρητικές (observational)

1) Συγχρονικές (cross sectional): λαμβάνονται μετρήσεις από όλα των πληθυσμό ή από τμήμα υποομάδα του σε κάποια συγκεκριμένη χρονική στιγμή.

2) Διαμήκεις ή διαχρονικές (longitudinal): 5
Περιλαμβάνουν μετρήσεις επί των ίδιων μελε-
τών για μεγάλο χρονικό διάστημα.

3) Αναδρομικές (retrospective): ασχολούνται
με γεγονότα που έχουν συμβεί στο παρελθόν.

4) Προοπτικές (prospective): παρακολουθείται
διαχρονικά για οριστά άτομα με στόχο την
αξιολόγηση κάποιων παραγόντων.

Θεωρία Δειγματοληψίας

Προσδιορίζει τον σωστό τρόπο επιλογής ενός
δείγματος του πληθυσμού.

Τυχαιο (random) δείγμα: λαμβάνεται με
τυχαίο τρόπο με κάποια τεχνική δειγματοληψία.

Είναι άρρηκτα συνδεδεμένη με τη θεωρία
πιθανοτήτων.

Δειγματοληπτικό πλάνο

Κατάλογος δειγμάτων που διασφαλίζει τη σωστή
επιλογή των δειγμάτων υπό την έννοια που αυτά
αντικαθιστούν οντως στον υπό εξέταση πληθυσμό.
(επιτόκιοι (τηλεφωνικοί κλήσεις, έμμεσα φοιτητών)

Σχέδιο δειγματοληψίας

6

Πώς επιλέγονται τα δείγματα?

Απλή τυχαία δειγματοληψία: τα δείγματα επιλέγονται στην τύχη και κάθε μονάδα πληθυσμού έχει την ίδια πιθανότητα να συμπεριληφθεί στο δείγμα.

- με επανέλεγχ: γλορεί να επιλεγεί περισσότερες από μία φορές
- χωρίς επανέλεγχ: επιλέγεται αμοιβάς για φορές.

Συστηματική δειγματοληψία

1) Επιλογή m δειγμάτων από έναν πληθυσμό N ατόμων.

2) Υπολογισμός του βήματος δειγματοληψίας

$$k = \frac{N}{m}$$

3) Επιλογή ενός τυχαίου δείγματος α

4) Επιλογή των δειγμάτων

$$B_i = \alpha + iK \quad (i=1,2,3,\dots)$$

ΤΥΧΑΙΑ ΔΕΙΓΜΑΤΟΛΗΨΙΑ (7)

Ο πληθυσμός χωρίζεται σε ομάδες βάσει κάποιων κριτηρίων (φύλλο, ηλικία, φύση κτλ) και μετά από κάθε ομάδα επιλέγεται ένα δείγμα με τυχαίο τρόπο. (random stratified)

ΔΕΙΓΜΑΤΟΛΗΨΙΑ ΣΥΣΤΑΔΑΣ (cluster sampling).

Ο πληθυσμός διαιρείται σε ομάδες αλλά τα μέλη μέσα σε κάθε ομάδα θα πρέπει να διαφοροποιούνται όσο το δυνατόν περισσότερο, ενώ οι διαφορές μεταξύ των συστάδων θα πρέπει να είναι όσο το δυνατόν πιο γιγαντιαίες.

ΜΗ ΤΥΧΑΙΑ ΔΕΙΓΜΑΤΟΛΗΨΙΑ

ΔΕΙΓΜΑΤΟΛΗΨΙΑ ΚΡΙΣΗΣ (Judgment sampling)

Σχεδιάζεται σύμφωνα με την κρίση του ερευνητή έτσι ώστε να εκπαισθεί ένα όσο το δυνατόν πιο αντιπροσωπευτικό δείγμα. Η πιθανότητα εισαγωγής στον δείγμα δεν μπορεί να υπολογιστεί.

ΚΑΤΕΥΘΥΝΘΕΝΤΗ ΔΕΙΓΜΑΤΟΛΗΨΙΑ (directed sampling)

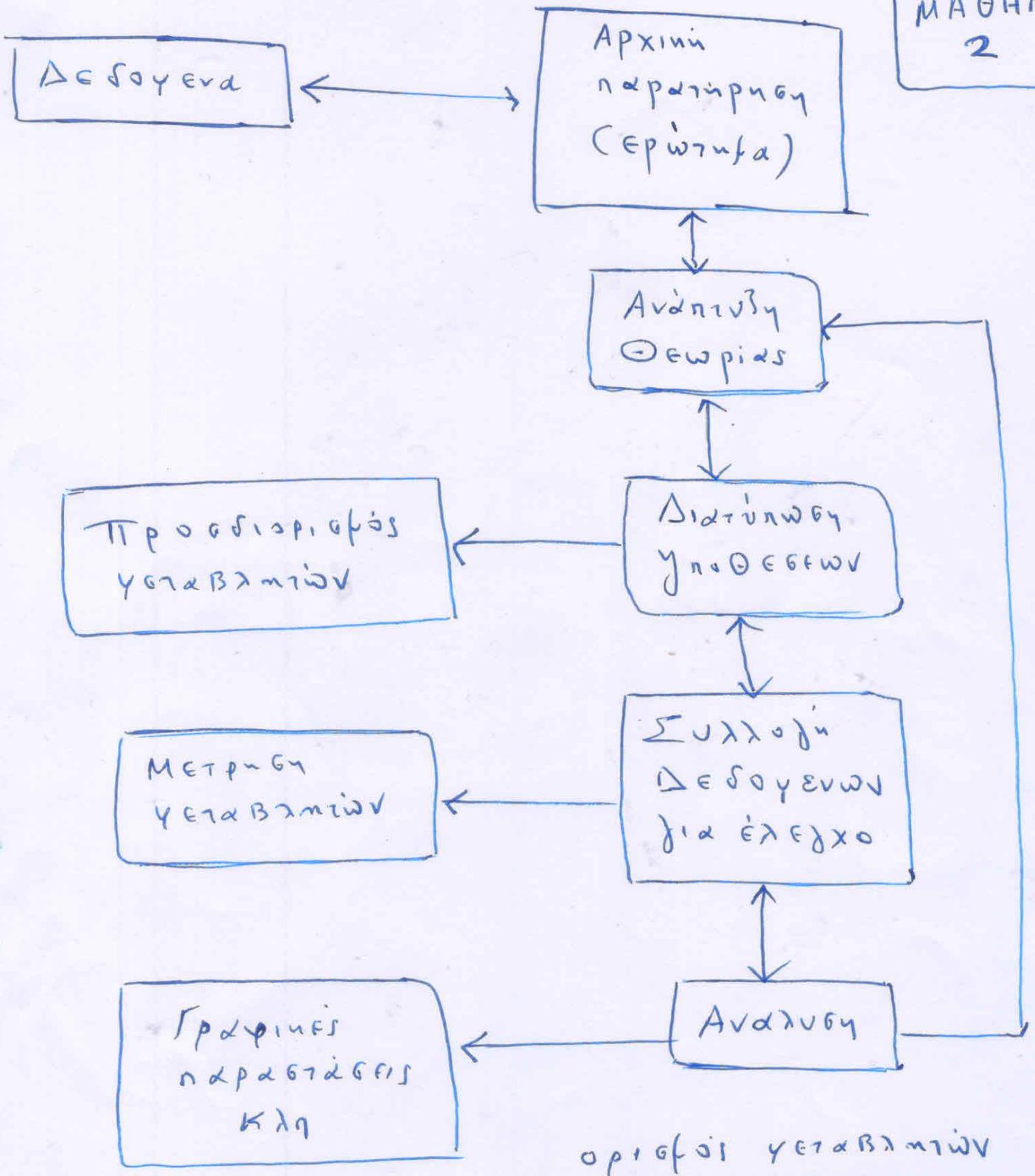
Στηρίζεται σε προαπορισμένα χαρακτηριστικά έτσι ώστε να επιλεγεί δείγμα ή ίδια συνθήκη ή αλληλουχία του πληθυσμού.

ΣΤΟΧΟΣ Αντιπροσωπευτικού δείγματος.

Ερευνητική Διαδικασία

1

ΜΑΘΗΜΑ
2



Υπόθεση

Εικόνα με
οποια πρέπει να επαληθευτεί ή
να απορριφθεί

- Πραγματοποιείται συλλογή δεδομένων προς ενάτη θεωρία ή διαψευδή της υποθέσης.
- Εάν τα δεδομένα επαληθεύουν την θεωρία έχουμε επαληθευσιμότητα (verification) ενώ εάν αντίθετα κερωνται έχουμε διαψευδισιμότητα (falsification)
- Ο έλεγχος της υποθέσης (hypothesis testing) στην ψυχολογία στην χρήση μεταβλητών πχ, ηλικία, φάρμακο φαίλεδο, τροφή πως κλπ

ψυχολογία σχέση αιτίου / αποτελεσματος
 πχ στη δόξαση

Ο κωφός φέρνει αυτιά

Ο "κωφός" είναι το αίτιο ενώ η "αυτιά" είναι το αποτέλεσμα

Το αίτιο ονομάζεται ανεξάρτητη μεταβλητή (independent variable) ή μεταβλητή πρόβλεψης (predictor variable)

Το αποτέλεσμα ονομάζεται εξαρτημένη μεταβλητή (dependent variable) ή μεταβλητή αποτελέσματος (outcome variable)

Για την αλληλοεξάρτηση μεταξύ των
μεταβλητών χρησιμοποιούμε γέγραμμες συσχετίσεις. (3)

• Κλίμακα μέτρησης (level of measurement)

Η συσχέτιση που υφίσταται ανάμεσα σε αυτό που
πραγματικά γερφεί και στους αριθμούς που
το εκφράζουν.

Τύποι μεταβλητών

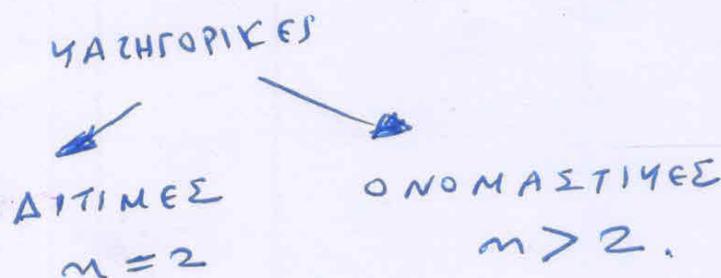
ΚΑΤΗΓΟΡΙΚΗ ΜΕΤΑΒΛΗΤΗ (categorical variable)

Εκφράζει κατηγορικά πράγματα (πχ ανδρικοί)
Μπορεί να είναι

1) Διτιμή (binary) αν παίρνει μόνο δύο
αμοιβαία αποκλειόμενες τιμές (πχ ανδρικοί / γυναικείο ή ΝΑΙ / ΟΧΙ)

2) Ονομαστική (nominal) αν παίρνει περι-
σότερες από δύο τιμές.

Δεν είναι αριθμητικές φρέως και δεν επιδέχονται
γασμφάσεις πράξεις. Αν n είναι το πλθος των
τιμών τους
τότε



• Διατάκτινή / διατάξιμη ή ιεραρχική
μεταβλητή (ordinal): επιτρέπει τη
 διατάξη των αντικειμένων γφ βάση κάποια
 λογική πχ σε έναν διαγωνισμό το Α
 βγήκε πρώτο, το Β δευτερο και το Γ τρίτο.

ωστόσο ΔΕΝ γας πληροφορούν για την διαφορά
 που υφίσταται ανάμεσα τους δηλαδή ποσοί
 ψήφοι διαφέρουν ήταν ανάμεσα στο Α και στο
 Β ή ανάμεσα στο Β και στο Γ.

• Συνεχής μεταβλητή (continuous variable)
 λαμβάνει οποιαδήποτε τιμή πχ βάρος 71.5K
 Διακρίνονται σε :

Μεταβλητές διαστήματος (interval variable)
 πχ ηλικία 5-10 ή 10-15 ή 15-20

Μεταβλητές λόγου (ratio variables)
 εάν δεν υφίσταται η ηαβότητα προς
 γείρωσι λαμβάνουν τιμή μηδέν

• Διακριτή μεταβλητή (discrete variable)
 λαμβάνει μόνο διακριτές τιμές συνήθως
 ακέραιες πχ (ηλικία) 18, 25 κλπ

Σφάλμα μέτρησης (measurement error)

(5)

ορίζεται ως η διαφορά ανάμεσα στην μετρούμενη τιμή και στην πραγματική της τιμή

Σχετικοί ορισμοί:

• Εγκυρότητα (validity): Αξιολογεί κατά πόσο τα ερευνητικά μέτρα που έχει κατασκευαστεί για να μετρήσει αυτό για το οποίο δημιουργήθηκε με βάση κάποια κριτήρια

1) Συντρέχουσα εγκυρότητα (concurrent validity)

Η τιμή που αποτιμάται συσφώνει με εκείνη που προκύπτει από την πραγματικότητα.

2) Εγκυρότητα πρόβλεψης (predictive validity)

Αφορά σε μελλοντικές προβλέψεις

3) Εγκυρότητα περιεχομένου (content validity)

Διερευνάται ο βαθμός στον οποίο τα επιμέρους ερωτήματα (πχ κάποιον ερωτηματολόγιου) μπορούν να εκφράσουν ή να περιγράψουν πλήρως το υπό μετρηση στοιχείο

1) ΕΡΕΥΝΕΣ ΣΥΣΧΕΤΙΣΗΣ (CORRELATIONAL)

5

ή ΣΤΑΤΙΚΕΣ ΔΕΙΓΜΑΤΟΛΗΠΤΙΚΕΣ ΕΡΕΥΝΕΣ

(cross / sectional research) παρατηρούμε
αλλά τι συμβαίνει στο πραγματικό περιβάλλον
χωρίς να παρεμβαίνουμε στις μεταβλητές.

2) Πειραματική Έρευνα (Experimental Research)

παρεμβαίνουμε στις μεταβλητές προκειμένου
να παρατηρήσουμε την επίδραση της παρέμβασης
στις μεταβλητές.

Στην έρευνα συσχέτισης γέτουμε πραγματικά
γεγονότα ή τα επιλέγουμε πάλιν ως ένα
ποσοστό, έχοντας τη δυνατότητα να προβούμε σε
έναν πολύ φυσικό τρόπο κατάφασης με
απόδειξη του ερευνητικού ερωτήματος.

ΜΕΘΟΔΟΛΟΓΙΑ ΠΕΙΡΑΜΑΤΙΚΗΣ ΕΡΕΥΝΑΣ

Αποσδιορισμός της αιτιατής συσχέτισης μεταξύ
των ελληκόγενων μεταβλητών η οποία μπορεί
να είναι περισσότερο ή λιγότερο προφανής.

Σε ποιο βαθμό το αίτιο σχετίζεται με το αποτέλεσμα?

(7)

Θεωρία David Hume (1711-1776)

προκειμένου να υπάρχει σχέση μεταξύ αίτιου και αποτελέσματος θα πρέπει:

- 1) Το αίτιο και το αποτέλεσμα εμφανίζονται σε κοντινά χρονικά διαστήματα
- 2) Το αίτιο προηγείται του αποτελέσματος
- 3) Το αποτέλεσμα δεν εμφανίζεται αν δεν υπάρχει το αίτιο

Το αίτιο συνδέεται με υψηλό βαθμό συσχέτισης με τα εναλλακτικά βασικά συβάντα

Σε περιπτώσεις κατά τις οποίες η συσχέτιση δεν είναι εμφανής επηρεάζεται και ενδεώς περισσότεροι λόγοι ή κρυφοί παράγοντες το ενοχοποιούν ΤΡΙΤΟΝ ΤΙ

Αυτοί οι εξωτερικοί παράγοντες σχετίζονται με μεταβλητές συσχέτισης

(confounding variables)

Πώς συλλέγουμε δεδομένα?

(8)

1) Σχεδιασμός μεταβυ ογώνων:

Χειρίζομαστε την ανεξαρτητή μεταβλητή χρησιμοποιώντας διαφορετικά άτομα (πχ συλλήρωση ερωτηματολογίων από ογώνων φοιτητών)

2) Σχεδιασμός γειρήσεων εντός των υποκειμένων

Χρησιμοποιούμε τα ίδια άτομα μεταβλλώντας τις συνθήκες του πειράματος.

ΤΥΠΟΙ ΜΕΤΑΒΛΗΤΟΤΗΤΑΣ

Συστηματική μεταβλητότητα (systematic variation): η αποκρίση οφείλεται αποκλειστικά σε κάποια ενεργεια που πραγματοποιεί εκείνος που εκτελεί το πείραμα και η οποία πραγματοποιείται στη ίδια κατάσταση αλλά όχι στην άλλη.

Μη συστηματική μεταβλητότητα (unsystematic variation): η αποκρίση οφείλεται σε τυχαίους παράγοντες οι οποίοι υφίστανται και διαφθοροποιούνται μεταξύ των διαφορετικών πειραμάτων και μετρήσεων.

Αυτή η fm συστημάτων μεταβλητότητα (9)
⊖ α πρέπει να ηφριβριζεται στο ελάχιστο
επιώστε να έχουμε ένα αριβεβταρο γετρο
για τη συστηματα παρταβαγα.

Τυχαιοποίηση (Randomization)

Διερεύνηση των πηρών συστημάτων και
τη συστηματα μεταβλητότητα και
συνταξη γετρος.

Εναλλακτα βανογενεα γετρος

- 1) επιδραση εδοικαιωας (practice)
- 2) επιδραση πλιζας (boredom)

Οι επιδρασεις γειωνονται γε εναλλαξη της
γειρας ολοκληρωας των ηφρατατων
συνταξη.

οφοιως και στις αυφεδρατες γετρος

① ΣΧΕΔΙΑΣΜΟΣ ΥΕΛΕΥΣ

Τι θέλω να εξετάσω?

ΜΑΘΗΜΑ

3

ΤΕΧΝΙΚΕΣ ΣΥΛΛΟΓΗΣ ΣΤΑΤΙΣΤΙΚΩΝ

- Προφορική συνέντευξη
Προσωπική (face 2 face)
Τηλεφωνική
Οφθαλμική (οχι αξιολογική)
- Ερωτηματολόγια
- Φυσική παρατήρηση

Για τα ερωτηματολόγια πριν δοθεί απαιτείται προεργασία γνωστή ως πιλοτική έρευνα (pilot survey) έτσι ώστε να διασφαλιστεί ότι καλύπτει τις ανάγκες της έρευνας

Διαδικασία διεξαγωγής έρευνας

- Προσδιορισμός Βάσεων στόχων
- Προσδιορισμός πληθυσμού - στόχου
- Επιλογή δείγματος
- Καθορισμός τρόπου συλλογής δεδομένων
- Ευλόγη δεδομένων
- Κατάχωρηση δεδομένων / λογισμικό ελέγχου
- Στατιστική ανάλυση
- Συμπέρασμα εκθέσεις αποτελεσμάτων

2

Συνέντευξη

Προσωπική, ομαδική τηλεφωνική
Εδώ το ερωτηματολόγιο συμπληρώνεται από τον
ερευνητή.

Γραπτή ατομική συμπλήρωση

Το ερωτηματολόγιο συμπληρώνεται από
τον ερωτώμενο χωρίς την παρουσία του
ερευνητή. Η κριτική βασίζεται και αποβλέπεται
συμπληρωμένο ταχύ γραφικώς ή γέω εμπί.

Σχεδιασμός ερωτηματολογίου

- Τελείως αναγκαία ερωτήματα για να φαν
που βρεθούν τον ερευνώμενο
- Σαφής διατύπωση ερωτημάτων
- Ομαδοποίηση ερωτημάτων σε τμήσεις
- Η σειρά των ερωτήσεων είναι σημαντική.

Τύποι ερωτήσεων

1/ Κλειστές

~~Α~~ επιδέχονται συγκεκριμένη
απάντηση

Διχοτομικές ΝΑΙ / ΟΧΙ

2/ Ανοιχτές

ελεύθερο

κείμενο.

3) Ερωτήσεις απλής επιλογής και
πολλαπλών επιλογών

3

4) Ερωτήσεις κατάταξης ΠΧ

Πολύ βυθιτικό

Σημαντικό

Αδιαφορο

Αβυθιτικό

Εντελώς αβυθιτικό

Κωδικοποίηση ερωτηματολογίου

ορίζεται ως η διαδικασία αντιστοίχησης
ενός αριθμού σε κάθε δυνατή / εναλλακτική
απάντηση ενός ερωτήματος.

ΠΧ

Ανδρας → 1

Γυναίκα → 2

Αυτοί οι αριθμοί προφανώς ΔΕΝ χρησιμοποιούνται
σε αριθμητικές πράξεις.

Βιβλίο κωδικοποίησης Code Book

Πινάκας μεταβλητών που περιλαμβάνονται στο
αρχείο δεδομένων που βοηθά στην
κατανόηση των αποτελεσμάτων.

Τα επιθυμητά χαρακτηριστικά ενός
ερωτηματολογίου περιλαμβάνουν:

4

(Αξιολόγηση)

• Διαχωριστική ικανότητα (discrimination)

Αποφασίζοντας διαφορετικές βιολογικές
βασικές ερωτηματολογίου θα πρέπει να
διαφέρουν ως προς την έννοια που μελετά
το ερωτηματολόγιο

• Εγκυρότητα (validity): αποτελεί
μέτρο του συστηματικού σφάλματος και
αντιαντικειμενικά κατά πόσον το εργαλείο της
μέτρησης μετρά σωστά αυτό που υποτίθεται
πως μετρά.

1) Εμπυρότητα περιεχομένου: εξετάζει το
βασικό στον οποίο ένα εργαλείο μέτρησης
περιλαμβάνει ερωτήσεις που αντιπροσωπεύουν
ολές τις πιθανές πτυχές της έννοιας που
μελετάται, δηλαδή το κατά πόσον αντιπροσω-
πευτικές είναι οι ερωτήσεις.

2) Εμπυρότητα εννοιολογικής δομής: μελετά
τη συνέπεια του εννοιολογικού ή θεωρητικού
του λειτουργίου ορισμού των υπό έρευνα εννοιών
δείχνει δηλαδή εάν η ψυχολογικά αντιλαμβανόμενη
είναι το εννοιολογικό πλαίσιο.

3) Εξυμνοσιότητα κριτηρίου

(5)

Διδικυμνεται σε προβλεπτική και ταυτοχρονη
υε κριτήριο το εαν υεβολαβει αριετο διαβη-
υα ανδρεβα στη υετηγη και στο κριτηριο.

Η πρση κριτηγη (προβλεπτική)
αφορα στην κιαα διαβη και την ολση
ειναι δυνατη η προβλεψη γεγονοτων υε βδγη
των υλο υεκτη εννοια

Η δευτερη κριτηγη (ταυτοχρονη) αφορα
στην κιαα διαβη και την ολση υγιεδια για
υο σχετιγη υε δβυ των εννοιων Α και Β η
ολση ελαλη δευεται αλο το το ερωτηματολοιο
για την κιαα διαβη Β.

Σε αφοτερες τις κριτηγης το
ερωτηματολοιο θεωρηται εξυμνο

Σφαλτα υετηγης

Παρατηρηθειγα τιτη —
πραγματινη τιτη

Τυχαιο σφαλτα: επιφερε ανομιαγη στις
παρατηρηθειγες τιτες ηρω αλο την
πραγματινη τιτη

Συστηματιο σφαλτα: η ανομιαγη δεν
σφειλεται στην ωχη

Αξιοπιστία (reliability)

6

Αποτελεί μέτρο του πλάτους διαφοράς και αντανακλά τη συνέπεια (consistency) με την οποία ένα εργαλείο μέτρησης μετρά ένα χαρακτηριστικό. Ένα τέτοιο εργαλείο θεωρείται αξιόπιστο όταν σε επαναλαμβανόμενες μετρήσεις δίνει αποτελέσματα που δεν διαφέρουν μεταξύ τους.

Σταθερότητα (stability): αναφέρεται σε συμφωνία διαδοχικών μετρήσεων

Ισοδυναμία (equivalence): αναφέρεται στην συμφωνία μεταξύ δύο ή η περισσότερων τμημάτων του ίδιου εργαλείου μέτρησης

Ομοιογένεια (homogeneity): αναφέρεται στη συμφωνία μεταξύ των ερωτήσεων που αποτελούν ένα ερωτηματολόγιο

Θεωρώντας ένα σύνολο γεωμετρικών που έχουν καταγραφεί με κάποια από τις γεωμετρικές συλλογές στοιχείων που έχουν παρασκευαστεί, μπορούμε να καταμετρήσουμε πόσες φορές εμφανίζεται μία τιμή x_i και να καταμετρήσουμε πόσες φορές εμφανίζεται η συχνότητα που περιέχουν τη συχνότητα εμφάνισης και την αθροιστική συχνότητα όπως στο παρακάτω (δείγμα 100 ατόμων)

Μορφωτικό Επίπεδο	Συχνότητα Εμφάνισης	Αθροιστική Συχνότητα
Δημοτικό	5	5
Γυμνάσιο	10	15
Λυκείο	25	40
ΑΕΙ	47	87
Μεταπτυχιακό	10	97
Διδακτορικό	3	100

Αν και αυτοί οι πίνακες είναι ιδιαίτερα (2)
υδατοφιλικόι ωστόσο τα φράγματα
είναι επίσης πολύ εξυπηρετικά διότι συνοψίζουν
σε φθινότυπο τρόπο τα βασικά χαρακτηριστικά
των δεδομένων και τα παρουσιάζουν ως
εικόνα

Τύποι φράγματων

Ραβδόφραγματα

Ισοφραγματα

Κυκλικά διαφραγματα

Διαφραγματα γραμμής

Διαφραγματα διασποράς

Θύλοφραγματα

Τριεδιστάτα διαφραγματα

Συμμετρικά ραβδόφραγματα

Χρονοδιαφραγματα

ΣΤΑΤΙΣΤΙΚΑ ΜΕΤΡΑ

3

• Μέτρα Κεντρικής Τάσης

Αποτελούν για τον ενδιαφερόμενο που επιχειρεί να περιγράψει ένα σύνολο δεδομένων για τον εντοπισμό της κεντρικής θέσης του συνόλου δεδομένων

- Αριθμητικός μέσος
- Διαμέσος
- Σημείο μέγιστης συχνότητας

• Μέτρα Θέσης

Χρησιμοποιούνται για:

- ① Τον εντοπισμό της σχετικής θέσης μιας τιμής σε ένα σύνολο δεδομένων
- ② Την συσχέτιση των τιμών των δεδομένων που προέρχονται από διαφορετικά σύνολα δεδομένων
- ③ Την συσχέτιση τιμών μέσα στο ίδιο σύνολο δεδομένων
- ④ Τον καθορισμό των άκρων τιμών σε ένα σύνολο δεδομένων.

Στην υατρηγορια αυτη ανηκουν

4

- Τετρατηγορια
- Δευατηγορια
- Εηατοβηγορια

• Μετρα διαθνορας

① Προσδιοριζουν το βαθμο συμμετρως η διαθνορας των τιων και χρησιμοποιουνται για ανογολογεις υατανογες

② Εξαρτωνται απο τη διαφορα των τιων και οχι απο τη θεση τους ενω μεταβαλλονται αυτιστροφα γε τη συμμετρως των τιων ηνω απο για παραιρεπο θεως.

- Ευρος
- Ενδοτετρατηγοριακο ευρος
- Μεση απολυτη αποκλιση
- Διχυνηση
- Τυλινη αποκλιση
- Σχετινη διαθνορα.

• Μετρα ασυμμετρως

μας πληροφορουν για το εαν οι τιες της μεταβλητης ειναι τοποθετημενες συμμετρικα

γύρω από το μέσο όρο ή όχι, και πόσο.

(5)

Συντελεστής συνχρησίας Pearson
Συντελεστής συνχρησίας Bowley

• Μέτρα κέρτωσης

Η κέρτωση χαρακτηρίζεται κατά πόσον η
καμπύλη $f(x)$ κέρτωσης είναι
πεντάκυβη ή όχι, σύμφωνα με
ακρονική κέρτωση αυτή της ακρονικής
κατάρτης (Gauss)

Ανάλυση απλής μεταβλητής

Αριθμητικός μέσος (αριθμητικός και
αριθμητικός μέσος), βάρος $C=1$

πληθυσμός N ατόμων, δείγμα n ατόμων

Μέσος όρος πληθυσμού

$$\mu = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N X_i$$

Μέσος όρος δείγματος $\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$

6

Εάν οι παρατηρήσεις είναι διάφορες
 γέφυρες και έχει κατάλληλη και τις
 κατάλληλες συχνοτήτων γέφυρες X_i να
 παρατηρηθεί από τις συχνοτήτες εμφάνισης F_i

Τότε

$$\bar{X} = \frac{F_1 X_1 + F_2 X_2 + \dots + F_N X_N}{F_1 + F_2 + \dots + F_N} =$$

$$\left(\sum_{i=1}^N F_i X_i \right) / \left(\sum_{i=1}^N F_i \right)$$

Παράδειγμα

Αριθμός μαξίλων X_i	Αριθμός οικονομικών F_i
0	4
1	7
2	9
3	5
4	2
5	3

Από

$$\bar{X} = \frac{0 \times 4 + 1 \times 7 + 2 \times 9 + 3 \times 5 + 4 \times 2 + 5 \times 3}{4 + 7 + 9 + 5 + 2 + 3} = \frac{63}{30} = 2.1$$

$\cong 2$ μαξίλια

7

Αστέθμητος αριθμητικός

Υέος ομαλοποιημένων παρατηρήσεων

Ομαλοποιημένους παρατηρήσεις σε ομαλές υέ
ίσο ή άνισο πλάτος. Εάν a_i και b_i είναι το
άνω και το κάτω όριο της i αέ ομαλές,
υπολογίζουμε για την αέ ομαλές την κεντρι-
κή τιμή

$$\bar{x}_i = \frac{a_i + b_i}{2}$$

η οποία θεωρείται αντιπροσωπευτική του διάστη-
ματος και αντιυαθίστα την ομαλές υέ υπολογισούς

Στη συνέχεια υπολογίζουμε το υέος ομαλές

$$\bar{X} = \frac{\sum_{c=1}^v F_i \bar{x}_i}{\sum_{c=1}^v F_i}$$

Ευελιθιστώντας πως η διάυορά υέ των συνυθ-
τεροσ υπολογισούς δεν είναι ποσό υέβλμ.

Στέθμητος αριθμητικός υέος

$$\bar{X} = \frac{x_1 c_1 + x_2 c_2 + \dots + x_v c_v}{c_1 + c_2 + \dots + c_v} = \frac{\sum_{c=1}^v x_i c_i}{\sum_{c=1}^v c_i}$$

ονο c_i ο συντελεστής βάρους της
παρατηρήσε x_i

8) Διάγροος : Αποτελεί το βήου δαιοτέρο

γεία τον αριθμητικό γέρο βιαηβηικό γείρο
η εντριμή γέου

Χωρίγει την ηαδνομή σε δύο ιβουληθείσ ογδβείσ
η οι η τιμή ης είναι η κεντριμή τιμή ης
γείαβλμήσ.

Με άλλα λόγια, το 50% των τιμών είναι
γίμροτέρο από την τιμή ης διαφφβου ενώ
το άλλο 50% είναι γείαλυτέρο από αυτή
των τιμών.

γπολογοίβμοσ

- Εάν οι n ζο ηλήθουσ ηαρημηθείσ είναι
αταβινομητέσ, ης γέβινοφουβέ, οηοτε η
διαφφβουσ είναι το βείββα που βριγηθεί
βην θέβη ηη αριθβον $\frac{n+1}{2} = α$
- Εάν το n είναι ηβιηηο η τιμή ης διαφφβου
είναι το βείββα που βριγηθεί βην θββη α
ενω διαφφβηιηά ηαρηνοφφβου φββου ορο των βείββα-
των που βριγηνοηει βην θβββη η ηει $n+1$
οηου $n < α < n+1$.

Εάν οι παρατηρήσεις είναι ταξινομημένες και για κάθε X_i να δαχα η συχνότητα εμφάνισης F_i , η θέση της διαφύσου είναι

$$\alpha = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^v F_i = \frac{N}{2}$$

όπου N το πλήθος των παρατηρήσεων. Για τον υπολογισμό της διαφύσου απαιτείται η κατάταξη της σειράς των αθροισμών συχνοτήτων. Στη συνέχεια προσδιορίζουμε τις δύο συνεχόμενες αθροιστικές συχνότητες ανάμεσα στις οποίες βρίσκεται η τιμή του α και επιλέγουμε ως τιμή διαφύσου την τιμή του X_i που αντιστοιχεί στη μεγαλύτερη από αυτές.

Παράδειγμα

Κατάλογος ορθογωνίων τετραγώνων σε βράχια γαλιών

πλήθος τετραγώνων X_i	πλήθος γαλιών F_i	Αθροιστική συχνότητα Φ_i
0	12	12
1	27	39
2	29	68
3	19	87
4	8	95
5	4	99
6	1	100

← $\frac{N}{2} = 50$

Παρατηρούμε πως ανάρεσα στο 39 και

(10)

στο 68 υπέρχει το 50, η τιμή που υπολογίζουμε

Η μεγαλύτερη τιμή από το 39 και το 68 είναι

η τιμή 68 που αντιστοιχεί σε $\chi_i = 2$ η

οποία αποτελεί και την τιμή της διαμέσου.

Επομένως το 50% των γαλακτωμάτων τουλάχιστον

2 λίτρα ενώ το υπόλοιπο 50% έχει υδρή

περιεχόμενα λιγότερα λίτρα. Εάν η τιμή του $\frac{N}{2}$ ταυιστεί

επί αυτών με κάποια αθροιστική συχνότητα

Φ_i , η διάμεσος είναι το αντίστοιχο χ_i

Διάμεσος ομαλοποιημένων

παρατηρήσεων γνησίου δ

Υπολογίζεται με τον ακόλουθο τρόπο

- 1) Συμπληρώνουμε τη στήλη των αθροιστικών συχνοτήτων
- 2) προσδιορίζουμε τη θέση της διαμέσου $\frac{N}{2}$
- 3) προσδιορίζουμε δύο διαδοχικές αθροιστικές συχνοτήτες ανάμεσα στις οποίες βρίσκεται το $\frac{N}{2}$
- 4) χαρμάσσουμε για γραμμική ανάμεσα τους.
- 5) επιλέγουμε το χ_i της εγγράμμης υπώ από τη γραμμή
- 6) επιλέγουμε το F_i της εγγράμμης υπώ από τη γραμμή
- 7) επιλέγουμε το Φ_i της εγγράμμης πάνω από τη γραμμή

8) Υπολογίστε την διαταγή και την εκφραγή

$$M_{1/2} = X_i + \frac{\delta}{F_i} \left(\frac{N}{2} - \Phi_i \right)$$

9) ελεγχουμε εαν η τιμή που βρουμε κινείται σε οριακά κάτω από τη γραφή

ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ

Υπόθεση τιμών περιόδων

<u>ΜΙΓΘΟΙ</u> <u>ΕΡΓΑΤΩΝ</u>	<u>ΠΛΗΘΟΣ</u> <u>ΕΡΓΑΤΩΝ</u>	<u>Αθροιστική</u> <u>υπόθεση</u>
<u>X_i</u>	<u>F_i</u>	<u>Φ_i</u>
150-200	5	5
250-350	13	18
350-450	20	38
<u>450-550</u>	<u>35</u>	73
550-650	18	91
650-750	7	98
750-850	2	100

Φ_i
 $\frac{N}{2} = 50$

ΑΡΑ

$X_i = 450-550 \rightarrow 450$

$\delta = 100$

$M_{1/2} = 450 + \frac{100}{35} \left(\frac{100}{2} - 38 \right) = 484.29 \text{ €}$

Εάν $\frac{N}{2} < \Phi_i \Rightarrow \Phi_i = 0$

Σημείο μέγιστης συχνότητας

- Εκφράζει την τιμή της μεταβλητής Y τη μεγαλύτερη συχνότητα.
- Προσδιορίζεται με απευθείας παρατήρηση του πίνακα
- Εάν οι παρατηρήσεις είναι ομαδοποιημένες σε ομάδες με το ίδιο πλάτος, εντοίζουμε την ομάδα με τη μεγαλύτερη συχνότητα και τη θέση των f_i και στη συνέχεια υπολογίζουμε το σημείο μέγιστης συχνότητας ως

$$M_0 = X_i + \frac{f \Delta_1}{\Delta_1 + \Delta_2}$$

όπου X_i είναι το κάτω άκρο του διαστήματος που αντιστοιχεί στη μέγιστη συχνότητα, f είναι το εύρος αυτού του διαστήματος, Δ_1 είναι η διαφορά της συχνότητας της προηγούμενης ομάδας και η μέγιστη συχνότητα και Δ_2 είναι η διαφορά της συχνότητας της επόμενης ομάδας και η μέγιστη συχνότητα $\frac{\sum X}{N}$

150 - 250	5
250 - 350	13
350 - 450	20
450 - 550	35 ←
550 - 650	18
650 - 750	7
750 - 850	2

$$X_i = 450 \quad f = 100$$
$$\Delta_1 = 15 \quad \Delta_2 = 17$$

Αρα (με άμεση σταθμ.)

$$M_0 = 496.8$$

Γεωμετρικός μέσος αλγεβρικών

παρατηρήσεων

$$\bar{G} = \sqrt[n]{X_1 X_2 \dots X_N} = \left(\prod_{i=1}^n X_i \right)^{1/n}$$

Εάν οι τιμές των παρατηρήσεων είναι μεγάλες και οι παρατηρήσεις πολλές, χρησιμοποιούμε λογαρίθμους

$$\log \bar{G} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \log(X_i)$$

Τεταρτημόρια (quartiles)

Προσκαλούν τον διαχωρισμό της κατανομής σε 4 ίσα τμήματα του 25% το καθένα

- 1^ο τεταρτημόριο → 25%
- 2^ο τεταρτημόριο → 50% (διάμεσος)
- 3^ο τεταρτημόριο → 75%

$$M_{1/4} = X_i + \frac{\delta}{f_i} \left(\frac{N}{4} - \Phi_i \right) \quad \begin{matrix} \text{πρώτο} \\ \text{τεταρτημόριο} \end{matrix}$$

$$M_{3/4} = X_i + \frac{\delta}{f_i} \left(\frac{3N}{4} - \Phi_i \right) \quad \begin{matrix} \text{τρίτο} \\ \text{τεταρτημόριο} \end{matrix}$$

Με παρόμοιο τρόπο ορίζονται τα δευτερά και τα εκατοστιαία

$$M_{d/10} = X_i + \frac{\delta}{F_i} \left(\frac{dN}{10} - \Phi_i \right) \quad d=1,2,\dots,10$$

(decile)

$$M_{p/100} = X_i + \frac{\delta}{F_i} \left(\frac{pN}{100} - \Phi_i \right) \quad p=1,2,3,\dots,100$$

(percentile)

Μέτρα διασποράς

Ευρος: η διαφορά της ελάχιστης από τη
 μεγαλύτερη τιμή

$$\max(X_i) - \min(X_i)$$

Ενδοτεταρτηφορικό ευρος: η διαφορά ανά-
 μεση στο τρίτο και στο πρώτο τεταρτηφορικό

$$Q = M_{3/4} - M_{1/4}$$

Μέση απόλυτη απόκλιση

Απόλυτων τετράγωνων διαφορών

$$MAA = \frac{1}{N} \sum |X_i - \bar{X}|$$

Τετράγωνων τετράγωνων διαφορών

$$MAA = \frac{\sum F_i |X_i - \bar{X}|}{\sum F_i}$$

Διακύμανση

$$\sigma^2 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (X_i - \mu)^2 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N X_i^2 - \mu^2$$

Τυπική απόκλιση

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (X_i - \mu)^2} = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N X_i^2 - \mu^2}$$

Εάν χρησιμοποιήσουμε ως κλάδο πληθυσμού N αντιπροσωπεύουμε το μ ως \bar{X} ενώ για γύρω πληθυσμό διδίδουμε μ ως $N-1$, οχι N

Τέλος, όταν οι παρατηρήσεις είναι συαδωρισμένες και υπάρχουν οι συχνότητες F_i έχουμε

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^v F_i (X_i - \mu)^2}{\sum_{i=1}^v F_i} = \frac{\sum_{i=1}^v F_i X_i^2}{\sum_{i=1}^v F_i} - \mu^2$$

και ομοίως για τα υπολοιπα.

Εάν όλα τα X_i είναι ίσα έχουμε $\sigma = 0$.

Κύρτωση (ροπή 4ης τάξης)

$$K = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^v F_i (X_i - \bar{X})^4$$

Γενικές παρατηρήσεις

- Μέγος όρος

Εμπραξεται από όλες τις τιμές και ιδιαίτερα από τις άραιες τιμές, γεγονός που βεβαιώνει η φεικτώγη του υαλιού ανδριόλιου. Μπορεί να πάρει τιμή που δεν ταυτίζεται με κανένα από τα χι

- Διάχυτος: Δεν εμπραξεται από τις άραιες τιμές

- Σμείο γέλιου ευνοητίας:

Δεν εμπραξεται από τις άραιες τιμές. Σε πολύ άσυνεπες κτηνοφει είναι πιο αντιπροσωπευτικό από το μέσο όρο